



Oddziaływanie Promieniowania Jonizującego z Materią

Tomasz Szumlak, Agnieszka Obłąkowska-Mucha

WFiIS AGH 2020, Kraków 2



Theory is when you know everything but nothing works.

Practice is when everything works but no one knows why.

In our lab, theory and practice are combined: nothing works and no one knows why.





"The beauty of this is that it is only of theoretical importance, and there is no way it can be of any practical use whatsoever!"



The difference between theory and practice is larger in practice than the difference between theory and practice in theory.

— Jan L. A. van de Snepscheut –

In theory, theory and practice are the same. In practice, they are not.

— Albert Einstein —



Własności detektorów

- Podstawy fizyczne oddziaływania oraz detekcji cząstek omówiliśmy dość wyczerpująco
- Ale nie jest to koniec historii! Wręcz przeciwnie...
- Każdy detektor to urządzenie techniczne, które należy zaprojektować, zbudować oraz wdrożyć do pracy (ang. commissioning)
- Nie ma jednego uniwersalnego detektora w zależności od potrzeb musimy dobrać odpowiednią technologię
 - Pomiar energii

5

- Rekonstrukcja śladów (pomiar krotności)
- Identyfikacja cząstek
- Dodatkowo musimy uwzględnić własności materiału czynnego (np. sensory krzemowe) oraz ich zmiany w zależności od warunków otoczenia
 - Dramatyczne zmiany własności w funkcji zniszczeń radiacyjnych
 - Zmiany parametrów fizycznych w funkcji np. temperatury
- □ Na dodatek mamy jeszcze system odczytu detektora
 - Wynik pomiaru będzie również zależeć od własności elektroniki (np. szumy, warunki otoczenia, zniszczenia radiacyjne...)



Własności detektorów

- Dzisiaj zajmiemy się sposobem ilościowego opisu najważniejszych cech detektorów, których używamy w praktyce
 - Rozdzielczość (energetyczna i przestrzenna)
 - Pomiar czasu
 - Czas martwy
 - Czułość
 - Wydajność detekcji
 - Funkcja Odpowiedzi





Czułość

Czułość – zdolność do wytworzenia użytecznego technicznie sygnału dla danego typu promieniowania oraz danej energii

Powyższe stwierdzenie nie jest trywialne – **nie da się** zbudować "uniwersalnego" detektora czułego na dowolny typ promieniowania o dowolnej energii...

Co powinniśmy wziąć pod uwagę...

- Przekrój czynny na jonizację w danym materiale czynnym
- Masę materiału czynnego
- Szum (inherent/intrinsic device noise) warstwa elektroniki odczytu
- Materiał "martwy" (np. potrzebny do praktycznej realizacji detektora)

Przekrój czynny (fizyka procesu) oraz masa detektora związane są z prawdopodobieństwem depozytu energii

Cząstki naładowane – "mały" detektor

□ Cząstki neutralne – "duży" detektor (neutralne → naładowane)

Czułość



Próg detekcji – minimalna zdeponowana energia – zależy od szumu wytwarzanego przez detektor (materiał czynny + elektronika odczytu)

Inaczej mówiąc – zdeponowana energia musi być wystarczająca, aby wytworzyć technicznie użyteczny sygnał

Całkowita jonizacja (~ zdeponowana energia) zależy, dla danego typu promieniowania oraz danej energii, jedynie od materiału czynnego detektora

Wszelkiego rodzaju infrastruktura (**materiał martwy**) może spowodować znaczną absorpcję promieniowania – jest to więc kolejny czynnik ograniczający minimalną energię jaka może zostać zmierzona przez dany typ detektora (okienka)



Odpowiedź detektoro

Zwykle, poza prostym stwierdzeniem **obecności** danego typu promieniowania detektory są zdolne do wykonania dodatkowych **pomiarów ilościowych** – położenie, energia cząstek, itp.

Np. w przypadku pomiaru energii, możemy wykorzystać fakt, że typowy detektor można traktować jako źródło prądu (depozycja energii i jonizacja powodują powstanie impulsu prądowego)

- Liczba wyprodukowanych par nośników ładunku (jonizacja) jest
 energii zdeponowanej w detektorze (przy całkowitej absorpcji jest to miara energii cząstki)
- Elektronika odczytu może "podać" nam ilość wyprodukowanego na drodze jonizacji ładunku poprzez całkowanie impulsów prądowych po czasie
- Całka ta jest proporcjonalna do "wysokości" (amplitudy) impulsu (sygnału) – pulse height
- Związek pomiędzy energią promieniowania a wygenerowanym ładunkiem (lub wysokością impulsu) nazywamy odpowiedzią detektora

Niepewności statystyczne

Dokładność pomiaru jest ograniczona:

10

- Niepewnościami statystycznymi procesu fizycznego, który detektor ma rejestrować (rozpady, pr-twa przejścia, itp.).
- Fluktuacjami w depozytach energii i produkcji ładunków.
- Fluktuacjami w odpowiedzi detektora (szumy)

p- protection of the protectio

Statystyka

- Załóżmy, że chcemy "wymyśleć" metrykę, która opisywałaby jakość pomiaru danej wielkości realizowanej przez detektor
 - Wielkość mierzona może być bardzo różna (czas, energia, położenie,...)
 - Pomiar ma naturę statystyczną i to właśnie w języku statystyki musimy wyrazić naszą metrykę
 - Czy dla różnych wielkości mierzonych możemy opracować wspólną metrykę? To byłoby bardzo eleganckie...
- Załóżmy, że mierzymy energię fotonów (niech to będzie wiązka monochromatyczna o energii E₀), ale jako E można wstawić dowolny parametr, np. położenie lub czas.
- Jeżeli wartość zmierzoną energii (zawsze inną!!) oznaczymy jako E_r to możemy zbadać własności rozkładu zmiennej losowej $E = E_r E_0$
- Wartość oczekiwaną rozkładu oraz jego wariancję możemy wyznaczyć jako:

$$\langle E \rangle = \frac{\int_{-\infty}^{+\infty} E \cdot R(E) dE}{\int_{-\infty}^{+\infty} R(E) dE} \qquad \sigma_E^2 = \frac{\int_{-\infty}^{+\infty} (E - \langle E \rangle)^2 \cdot R(E) dE}{\int_{-\infty}^{+\infty} R(E) dE}$$

12

Zdolność rozdzielcza

Jeśli zadaniem detektora jest pomiar energii, to kluczowym parametrem jest energetyczna zdolność rozdzielcza określona jako jego odpowiedź (funkcja odpowiedzi) na monoenergetyczne źródło promieniowania.

□ Formalna definicja ezr R [%]:

$$R = \frac{FWHM}{H_0} = \frac{2.35 \sigma}{H_0}$$

- Dla półprzewodników R=1%, scyntylatorów R=5-10%.
- Dla lepszych zdolności rozdzielczych detektor może z większą dokładnością rozróżnić dwie energie leżące blisko siebie.



$$G(H) = \frac{A}{\sigma \sqrt{2\pi}} \exp\left(-\frac{(H-H_0)^2}{2\sigma^2}\right)$$

Bardzo ogólnie:

 $FWHM_{tot}^2 = FWHM_{stat}^2 + FWHM_{szum}^2 + FWHM_{dryft}^2 + \cdots$

Zdolność rozdzielcza (stat)

Jeśli założymy, że odpowiedź detektora (p. slajdy za chwilę) jest liniowa: $H_0 = K N$

13

- A formacja ładunku ma rozkład Poissona z fluktuacjami o odchyleniu standardowym $\sigma = \sqrt{N}$, czyli $\sigma = K \sqrt{N}$
- I fluktuacje sygnału mają rozkład gaussowski, to fluktuacje statystyczne ograniczają ezd R "od dołu", jak:

$$R_{gr} = 2.35 \frac{K\sqrt{N}}{KN} = \frac{2.35}{\sqrt{N}}$$

- Co oznacza, że ograniczenie na R zależy od wyłącznie od liczby wytworzonych nośników.
- Aby otrzymać R ok. 1% potrzeba $N > 55\,000$ (\Im dla półprzewodników).
- Ciekawą obserwacją stało się, że rzeczywista R_{gr} jest lepsza (tzn. niższa) od wartości otrzymanej wyłącznie z obliczeń statystycznych o czynnik Fano:

$$F\equivrac{\sigma_{obs}^2}{\sigma_{Poiss}^2}$$
, a zatem: $R_{gr}=2.35rac{K\sqrt{N}\sqrt{F}}{KN}=2.35\sqrt{rac{F}{N}}$

Tłumaczone jest to korelacjami w procesach prowadzących do produkcji ładunku



Rozkład normalny

- □ W wielu przypadkach wyniki mają rozkład normalny (Gaussa): $D(z) = \frac{1}{\sigma_z \sqrt{2\pi}} e^{-(z-z_0)^2/2\sigma_z^2}$
- Prawdziwa wartość z₀ jest nieznana, ale możemy wprowadzić pojęcie przedziału ufności:

$$1 - \alpha = \int_{\langle z \rangle - \delta}^{\langle z \rangle + \delta} R(z) dz \,, \delta = \sigma_z$$

- Czyli 68.27% wszystkich wyników ma być w przedziale $[z_0 \sigma_z, z_0 + \sigma_z]$, 95.45% w $z_0 \pm 2\sigma_z$, itp.
- Lub też: 95% jest w przedziale $z_0 \pm 1.96\sigma_z$, itp.

$$1 - \alpha = 95\% \rightarrow \delta = 1.96\sigma_z$$

Jeżeli rozkład posiada "ogony", które są inne niż w przypadku rozkładu normalnego do opisu szerokości rozkładu używamy:

$$\sigma_{FWHM} = 2\sqrt{2\ln(2)} \cdot \sigma_z = 2.35\sigma_z$$

Zdolność rozdzielcza



- Ogólnie, możemy powiedzieć, że rozdzielczość energetyczna jest miarą zdolności "rozróżnienia" dwóch różnych wartość energii przechodzących cząstek.
- Praktyczny pomiar zdolności rozdzielczej danego detektora, może być zrealizowany poprzez pomiar odpowiedzi tego detektora (widmo) na monochromatyczną wiązkę promieniowania – KALIBRACJA
- Dla "idealnego" detektora odpowiedź powinna być bliska funkcji Dirac'a
 - I Dla "rzeczywistego" urządzenia obserwowany "pik" jest mniej lub bardziej rozmyty i jest bliski rozkładowi Gauss'a



Zdolność rozdzielcza



- Opierając się na założeniach z poprzedniego slajdu, powiemy, że dwie energie, które oddalone są od siebie o mniej niż wartość FWHM zmierzoną dla widma energii cząstek monochromatycznych, nie mogą być rozróżnione
- Daje nam to również w praktyce względną miarę rozdzielczości danego detektora przy energii E
 FWHM' Full Width at Half Max.

$$\sigma_E = \sigma(E) = \frac{\Delta E}{E}$$

Typowe rozdzielczości energetyczne wahają się od ~ $a \cdot 10\%$ dla kalorymetrów do ~ 0.1% dla detektorów półprzewodnikowych (wartości podane dla fotonów γ o energii około 1 *MeV*)

 Rozdzielczość energetyczna jest funkcją energii (UWAGA! "duża" rozdzielczość oznacza małą wartość σ_E)

Dla większych wartości energii zdolność rozdzielcza polepsza się

Zdolność rozdzielcza



- Fakt poprawy zdolności rozdzielczej wraz z energią możemy wyjaśnić używając rozważań statystycznych
- Procesy jonizacji oraz wzbudzenia podlegają statystyce Poisson'a
- Jeżeli weźmiemy pod uwagę, że średnia energia na jonizację, W, jest stała i zależy od materiału czynnego to liczba aktów jonizacji dla cząstki, która zdeponowała w detektorze energię E wynosi:

$$N_{Jon} = \frac{E}{W}$$

- Interpretacja dla większych energii zdeponowanych rośnie średnia liczba aktów jonizacji – czyli jesteśmy mniej czuli na fluktuacje

$$\sigma_{Jon}^2 = N_{Jon}$$

$$\sigma_E = 2.35 \frac{\sqrt{N_{Jon}}}{N_{Jon}} = 2.35 \sqrt{\frac{W}{E}}$$

Liczenie przypadków



Bardzo często zależy nam na pomiarze liczby cząstek

Liczba zliczeń nie jest zmienną ciągłą i podlega rozkładowi Poissona

$$f(n,\mu) = \frac{\mu^n e^{-\mu}}{n!}, n = 0, 1, 2$$

- □ Wartość oczekiwana oraz wariancja rozkładu są sobie równe, co jest dość ciekawą cechą: $\sigma^2 = \mu$
- Øla dużej liczby zliczeń (n) rozkład Poisson'a dąży do rozkładu Gauss'a
- Rozkład taki znajdziemy np. w przypadku pomiaru czasu życia izotopów promieniotwórczych przy pomocy licznika Geiger'a-Müller'a
- Blisko związane z tym tematem jest zagadnienie dotyczące oszacowania wydajności detekcji (zliczeń)

Wydajność detekcji



Problem taki możemy interpretować jako proces Bernoulli'ego

- Zdarzenia są niezależne
- Możliwe są tylko dwa stany: cząstka została zarejestrowana lub nie

$$f(n,r,p) = \binom{n}{r} p^r q^{n-r}$$

Powyższy rozkład pozwala na oszacowanie prawdopodobieństwa że detektor zarejestrował r przypadków w n próbach

Y Wartość oczekiwana i wariancja wynoszą:

$$\langle r \rangle = np, \sigma^2 = npq$$

Załóżmy, że zmierzyliśmy wydajność detekcji p = 95%, w 100 pomiarach spodziewamy się 95 obserwacji (średnio) a błąd pomiaru wyniesie:

$$\sigma = \sqrt{npq} = \sqrt{100 \cdot 0.95 \cdot 0.05} = 2.18$$
$$p = (95 \pm 2.18)\%$$

Wydajność



- Wydajność detekcji jest parametrem krytycznym z punktu widzenia każdego eksperymentu – musi zostać uwzględniona w analizie wyników!
- Zwykle wyznaczenie wydajności jest jedną z najważniejszych i zarazem najtrudniejszych części eksperymentu
- Rozważania na temat wydajności rozpoczyna się od wprowadzenia pojęcia wydajności **absolutnej** oraz wydajności **wewnętrznej** detektora

liczba zarejestrowanych przypadków

 $\epsilon_{Tot} = \frac{1}{liczba}$ wszystkich przypadków emitowanych ze źródła

- Ogólnie zależy od geometrii detektora i prawdopodobieństwa (czyli przekroju czynnego) oddziaływania
- Bardzo często całkowitą wydajność możemy przedstawić jako iloczyn (dlaczego?) wydajności wewnętrznej oraz akceptancji (wydajność geometryczna)

$$\epsilon_{Tot} = \epsilon_{Int} \epsilon_{Geo}$$

Wydajność



Dla wydajności wewnętrznej definicja wygląda następująco:

 $\epsilon_{Int} = \frac{liczba \ przypadków \ zarejestrowanych}{liczba \ przypadków \ rekonstruowalnych}$

Ta część wydajności detektora zależy więc od przekroju czynnego na oddziaływanie danego typu promieniowania z materiałem czynnym

 $\epsilon_{Int} = \epsilon_{Int}$ (*Promieniowanie*, *E*, *Materia*ł)

- Akceptancja detektora zależy wyłącznie od jego geometrii oraz od rozkładu kątowego promieniowania, które chcemy zbadać
- Zwykle, wydajność geometryczną możemy traktować jako pewną stałą proporcjonalną do kąta bryłowego zdefiniowanego przez materiał czynny



22

Wydajność

Definiujemy również:

- Całkowitą wydajność (sumujemy wszystkie sygnały, bez względu skąd pochodzą),
- Wydajność w maksimum (peak efficiency): sygnały tylko od całkowitych depozytów



I tu dochodzimy do problemu funkcji odpowiedzi detektora i kalibracji,

 \square Pamiętajmy na początek, że średnia z pomiarów (z) może mieć mało wspólnego z wartością rzeczywistą z_0

Funkcja odpowiedzi



- Jednym z typowych zastosowań detektorów promieniowania jest pomiar widma energii promieniowania
- Pamiętając o przeprowadzonej właśnie dyskusji dotyczącej odpowiedzi detektora na cząstki mono-energetyczne dochodzimy do wniosku, że istotnym czynnikiem, który należy wziąć pod uwagę jest zachowanie się detektora – czyli jego odpowiedź na dany typ promieniowania
- Zachowanie to opisujemy przy pomocy funkcji odpowiedzi która jest widmem impulsów prądowych produkowanym przez nasz detektor w rezultacie oddziaływania z wiązką mono-energetyczną
- W idealnym przypadku chcielibyśmy, żeby dla określonej energii cząstek detektor produkował impuls o stałej amplitudzie (rozkład mniej lub bardziej przypominający rozkład normalny)
- Postać funkcji odpowiedzi zależy od typu promieniowania, który badamy czyli od tego jaki jest mechanizm jego oddziaływania z materiałem czynnym naszego urządzenia
- Dla rzeczywistego urządzenia, znaczenie ma również jego geometria i budowa (np. materiał martwy)

Przestrzenna zdolność rozdzielcza

Moglibyśmy również opisać rozdzielność w przestrzeni położenia, np. wyznaczyć odchylenie standardowe w pomiarze położenia np. w komorze wielodrutowej:

Zakładając pomiar "binarny" dostaniemy:

$$D(z)$$
Położenie
drutu
$$-\delta z$$

$$\frac{-\delta z}{2}$$

$$\frac{+\delta z}{2}$$

$$z$$

$$\langle z \rangle = \frac{\int_{-\delta z/2}^{+\delta z/2} z \cdot R(z) dz}{\int_{-\delta z/2}^{+\delta z/2} R(z) dz} = \frac{\int_{-\delta z/2}^{+\delta z/2} z \cdot C dz}{\int_{-\delta z/2}^{+\delta z/2} dz} = \frac{z^2}{2} \Big|_{-\delta z/2}^{+\delta z/2} = 0$$

$$\sigma_z^2 = \frac{\int_{-\delta z/2}^{+\delta z/2} (z - 0)^2 \cdot C dz}{\int_{-\delta z/2}^{+\delta z/2} R(z) dz} = \frac{1}{\delta z} \int_{-\delta z/2}^{+\delta z/2} z^2 \cdot dz = \frac{\delta z^2}{12}$$

Możemy więc przestrzenną zdolność rozdzielczą komory drutowej wyrazić jako:

$$\sigma_z = \frac{\delta z}{\sqrt{12}}$$



 $\sigma = \frac{\text{pitch}}{2}$

pitch

1.5 * (S/N)

Zdolność rozdzielcza

Podobny rachunek można zrobić dla miropaskowego detektora krzemowego:





Ale tu mamy dodatkowy pomiar dla sygnałów, które generowały ładunek w więcej niż jednym pasku, co poprawia zdolność rozdzielczą!







Kalibracja

- Związek pomiędzy zrekonstruowaną (bądź zmierzoną) wartością a "prawdziwą" musi być zwykle ustalony na podstawie procedury kalibracji
- W najprostszym przypadku związek taki jest liniowy

 $\langle X \rangle = \kappa_{Kalib}(t) \cdot m + d$

W ogólności jednak może być skomplikowaną, trudną do wyznaczenia funkcją

$$\langle X \rangle = f_{Kalib}(m,t) \cdot m + d$$

- Pomiary kalibracyjne powinniśmy traktować jako pierwszy pomiar fizyczny uzyskany przy pomocy danego urządzenia
- Bez dokładnego procesu kalibracji wyniki uzyskane dla detektora mogą być bezużyteczne!

Funkcja odpowiedzi



Wykonajmy następujący eksperyment myślowy – co się dzieje gdy wiązka elektronów o danej energii zostaje całkowicie pochłonięta w detektorze

- Przekaz energii na drodze rozpraszania na chmurach elektronowych atomów materiału czynnego
- Spodziewamy się więc, że w odpowiedzi dostaniemy widmo impulsów o rozkładzie normalnym
- Rozkład ten może być niesymetryczny z obciążeniem w kierunku niskich energii
- Związane jest to z:
 - Możliwością ucieczki elektronów przez depozycją całej energii
 - Emisją promieniowania hamowania, które z kolei nie jest rejestrowane

Problemy z **ucieczką** oraz **emisją promieniowania hamowania** należy uwzględnić w projekcie detektora – np. można wybrać lekki materiał oraz odpowiednio dobrać geometrię

Funkcja odpowiedzi



Zastanówmy się teraz co się stanie, gdy zmienimy typ cząstek promieniowania na strumień fotonów

- Zmienia się drastycznie mechanizm oddziaływania teraz musimy doprowadzić do produkcji cząstek naładowanych
 - □ Efekt foto-elektryczny wzbudzenie atomów z emisją elektronów
 - Rozpraszanie Compton'a
 - 🛛 Kreacja par
- Przyjmijmy, że w danym materiale czynnym dominuje pierwszy i drugi typ oddziaływania
- W rezultacie funkcja odpowiedzi będzie zawierać wyraźne maksimum typu Gauss'a oraz widmo ciągłe związane z rozpraszaniem Comptona
- □ W tym momencie dochodzimy do slajdu poprzedniego...



Funkcja odpowiedzi



Względne natężenie widma impulsów ~ do względnego przekroju czynnego na dany typ oddziaływania – funkcja odpowiedzi zależy więc silnie od energii promieniowania!

Funkcja odpowiedzi



Ostatecznie – jeżeli mierzymy promieniowanie, które posiada pewne spektrum energii, to odpowiedź naszego detektora, będzie funkcją energii, którą możemy wyrazić jako splot funkcji opisującej widmo promieniowania oraz widmo odpowiedzi detektora



Idealnie, chcielibyśmy zawsze dostać funkcję odpowiedzi postaci:

$$R(E,E') \propto \delta(E-E')$$

Czasy charakterystyczne

- Mamy w tej kategorii kilka ciekawych egzemplarzy...
- Zaczniemy od czasu odpowiedzi oraz czasu martwego
- Czas odpowiedzi detektora (ang. response time)
 - Czas potrzebny na formowanie sygnału po tym, jak cząstka penetrująca oddziałała z materiałem czynnym
 - Zależy od typu detektora (gazowy, półprzewodnikowy)
 - Impuls powinien narastać b. szybko
 - Ważne również jak długo trwa odpowiedź



Czasy charakterystyczne

- Długość trwania impulsu określa możliwość obserwacji następnego przypadku
- Mamy możliwość nie akceptowania żadnych nowych przypadków lub dodanie dodatkowego sygnału (pile-up)
 - □ W pierwszym przypadku **tracimy** bezpowrotnie dane!
 - Jeżeli akceptujemy pile-up możemy doprowadzić do zaburzeń sygnału wygenerowanego w detektorze, który z kolei może spowodować, że przypadki mogą być bezużyteczne...
 - Musimy znaleźć "sweet-spot"
- W praktyce lepiej jest zaakceptować, że detektor nie może działać z taką samą wydajnością cały czas – musimy wybrać mniejsze zło i wprowadzić czas martwy
- Zmniejszy to oczywiście wydajność detekcji...

Poprawka na czas martwy ·

□ Każdy detektor boryka się z czasem martwym



- Jeżeli jest on stosunkowo "długi", musimy stosować odpowiednie poprawki
 - Czas, w którym detektor nie akceptuje nowych zdarzeń zależy głównie od zjawisk fizycznych, które wykorzystujemy w procesie detekcji

□ Scyntylator ~ 1 ns

Krzem ~ 10 ns

□ G-M ~ 1 ms

$$N_{true} = \frac{N}{1 - N\tau_D}$$



What's next...

- Éwiczenia tablicowe (od 21.04)
- Éwiczenia Laboratoryjne (poniedziałki o 9:00, od 20.04)
 - Potrzebne lokalne konto (najlepiej taurus)
 - Oprogramowanie i dane znajdą się na serwerze obliczeniowym lhcbgpu2 (instrukcja logowania w mailu)
 - Wprowadzenie do profesjonalnych narzędzi stosowanych w fizyce wysokich energii
 - Fluka środowisko do symulacji OPzM
 - GEANT4 konkurecyjny produkt, większy nacisk na możliwości rekonstrukcji śladów, inny model oddziaływań
 - Dane pochodzące z testów nowego typu sensorów krzemowych, które będą zastosowane w zmodernizowanym detektorze LHCb po 2020 roku

Jeżeli wykładany materiał jest interesujący – dlaczego nie spróbować sił w eksperymentalnej FWE...?

