

Metoda przewidywań dla rekurencji liniowych niejednorodnych:

$$a_{n+r} + \lambda_{r-1}a_{n+r-1} + \cdots + \lambda_1a_{n+1} + \lambda_0a_n = f(n), n \geq 0,$$

gdzie  $r \in \mathbb{N}$ ,  $\lambda_{n+i} \in \mathbb{R}$  dla  $i = 0, \dots, r-1$ .

1. Jeśli  $f(n)$  jest wielomianem stopnia  $p$ , a rozwiązanie ogólne nie jest wielomianem, to rozwiązanie szczególne jest wielomianem stopnia  $p$ .
2. Jeśli  $f(n)$  jest wielomianem stopnia  $p$  i rozwiązanie ogólne jest wielomianem stopnia  $q$ , to rozwiązanie szczególne ma postać:

$$a_n = n^{q+1}(A_p n^p + A_{p-1} n^{p-1} + \cdots + A_1 n + A_0), \text{ gdzie } A_0, \dots, A_p \in \mathbb{R}.$$

3. Jeśli  $f(n)$  jest funkcją wykładniczą postaci  $f(n) = C\alpha^n$  i  $\alpha$  nie jest pierwiastkiem równania charakterystycznego, to rozwiązanie szczególne ma postać:

$$a_n = A\alpha^n, \text{ gdzie } A \in \mathbb{R}.$$

4. Jeśli  $f(n)$  jest funkcją wykładniczą postaci  $f(n) = C\alpha^n$  i  $\alpha$  jest  $k$ -krotnym pierwiastkiem równania charakterystycznego, to rozwiązanie szczególne ma postać:

$$a_n = An^k \alpha^n, \text{ gdzie } A \in \mathbb{R}.$$

5. Jeśli funkcja  $f(n)$  jest sumą funkcji przedstawionych w powyższych przypadkach, to rozwiązanie szczególne jest sumą przewidywanych rozwiązań odpowiadających tym funkcjom.
6. Jeśli funkcja  $f(n)$  jest stała, możemy traktować ją jako wielomian stopnia zero lub funkcję wykładniczą o podstawie 1.