

Centralne przedziały ufności na poziomie $1 - \alpha$ ($\beta \equiv 1 - \alpha/2$)

rozkład pr.	parametr	przedział ufności	
dowolny P	dowolny θ	$P(\Delta \leq \delta; \theta_+) = \alpha/2$ $F^{-1}(\delta, \beta)$	$P(\Delta \geq \delta; \theta_-) = \alpha/2$ $F^{-1}(\delta, 1 - \beta)$
$\mathcal{N}(\mu, \sigma)$ σ znane	μ	$\bar{x} - z(\beta)\sigma/\sqrt{n}$	$\bar{x} + z(\beta)\sigma/\sqrt{n}$
dowolny ($n > 100$)	μ	$\bar{x} - z(\beta)s/\sqrt{n}$	$\bar{x} + z(\beta)s/\sqrt{n}$
dwumianowy ($n > 100$)	p	$\hat{p} - z(\beta)\sqrt{\hat{p}(1-\hat{p})/n}$	$\hat{p} + z(\beta)\sqrt{\hat{p}(1-\hat{p})/n}$
$\mathcal{N}(\mu, \sigma)$ σ nieznanne	μ	$\bar{x} - t(\beta, n-1)s/\sqrt{n}$	$\bar{x} + t(\beta, n-1)s/\sqrt{n}$
$\mathcal{N}(\mu_1, \sigma_1), \mathcal{N}(\mu_2, \sigma_2)$ σ_1, σ_2 znane	$\mu_1 - \mu_2$	$\bar{x}_1 - \bar{x}_2 - z(\beta)\sigma^*$	$\bar{x}_1 - \bar{x}_2 + z(\beta)\sigma^*$
$\mathcal{N}(\mu_1, \sigma_1), \mathcal{N}(\mu_2, \sigma_2)$ $\sigma_1 = \sigma_2$ nieznanne	$\mu_1 - \mu_2$	$\bar{x}_1 - \bar{x}_2 - t(\beta, n^*)s^*$	$\bar{x}_1 - \bar{x}_2 + t(\beta, n^*)s^*$
$\mathcal{N}(\mu_1, \sigma_1), \mathcal{N}(\mu_2, \sigma_2)$ $\sigma_1 \neq \sigma_2$ nieznanne	$\mu_1 - \mu_2$	$\bar{x}_1 - \bar{x}_2 - c(\beta, n_1, n_2)s^\dagger$	$\bar{x}_1 - \bar{x}_2 + c(\beta, n_1, n_2)s^\dagger$
$\mathcal{N}(\mu, \sigma)$	σ^2	$\frac{(n-1)s^2}{u(\beta, n-1)}$	$\frac{(n-1)s^2}{u(1-\beta, n-1)}$
$\mathcal{N}(\mu_1, \sigma_1), \mathcal{N}(\mu_2, \sigma_2)$	σ_1^2/σ_2^2	$\frac{1}{f(\beta, n_1-1, n_2-1)} \frac{s_1^2}{s_2^2}$	$f(\beta, n_2-1, n_1-1) \frac{s_1^2}{s_2^2}$

$$\hat{p} = k/n, \quad s^2 = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2, \quad \sigma^* = \sqrt{\sigma_1^2/n_1 + \sigma_2^2/n_2}, \quad s^* = \sqrt{\frac{n_1+n_2}{n_1 n_2}} \sqrt{\frac{(n_1-1)s_1^2 + (n_2-1)s_2^2}{(n_1-1) + (n_2-1)}}, \quad n^* = n_1 + n_2 - 2,$$

$$s^\dagger = \sqrt{s_1^2/n_1 + s_2^2/n_2} \quad c(\beta, n_1, n_2) \approx \left(\frac{s_1^2}{n_1} t(\beta, n_1 - 1) + \frac{s_2^2}{n_2} t(\beta, n_2 - 1) \right) / \left(\frac{s_1^2}{n_1} + \frac{s_2^2}{n_2} \right)$$

Obszar ufności dla parametrów μ i σ^2 rozkładu normalnego: $\frac{(n-1)s^2}{u(1-\alpha/4, n-1)} < \sigma^2 < \frac{(n-1)s^2}{u(\alpha/4, n-1)}$ i $\sigma^2 > \frac{n(\bar{x}-\mu)^2}{z^2(1-\alpha/4)}$

Testowanie hipotez na poziomie istotności α ($\beta \equiv 1 - \alpha/2$; $\gamma \equiv 1 - \alpha$)

rozkład pr.	statystyka	Hipoteza alternatywna i zbiór krytyczny W
dowolny P	dowolna Δ	$P(\delta \in W H_0) \leq \alpha$ maksymalizujący $P(\delta \in W H_1)$
$\mathcal{N}(\mu, \sigma)$ σ znana	$H_0 : \mu = \mu_0$	$H_1 : \mu \neq \mu_0 (-\infty, -z(\beta)) \cup \langle z(\beta), \infty$
dowolny ($n > 100, \sigma = s$)	$Z = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\sigma/\sqrt{n}}$	$H_1 : \mu < \mu_0 (-\infty, -z(\gamma)) \quad H_1 : \mu > \mu_0 \langle z(\gamma), \infty$
dwumianowy ($n > 100$)	$H_0 : p = p_0$	$H_1 : p \neq p_0 (-\infty, -z(\beta)) \cup \langle z(\beta), \infty$
	$Z = \frac{\hat{p} - p_0}{\sqrt{p_0(1-p_0)/n}}$	$H_1 : p < p_0 (-\infty, -z(\gamma)) \quad H_1 : p > p_0 \langle z(\gamma), \infty$
$\mathcal{N}(\mu, \sigma)$ σ nieznanne	$H_0 : \mu = \mu_0$	$H_1 : \mu \neq \mu_0 (-\infty, -t(\beta, n-1)) \cup \langle t(\beta, n-1), \infty$
	$T = \frac{\bar{x} - \mu_0}{s/\sqrt{n}}$	$H_1 : \mu < \mu_0 (-\infty, -t(\gamma, n-1)) \quad H_1 : \mu > \mu_0 \langle t(\gamma, n-1), \infty$
$\mathcal{N}(\mu_1, \sigma_1), \mathcal{N}(\mu_2, \sigma_2)$ σ_1, σ_2 znane	$H_0 : \mu_1 = \mu_2$	$H_1 : \mu_1 \neq \mu_2 (-\infty, -z(\beta)) \cup \langle z(\beta), \infty$
	$Z = \frac{\bar{x}_1 - \bar{x}_2}{\sigma^*}$	$H_1 : \mu_1 < \mu_2 (-\infty, -z(\gamma)) \quad H_1 : \mu_1 > \mu_2 \langle z(\gamma), \infty$
2 dowolne $n_1 > 100, n_2 > 100$	$H_0 : \mu_1 = \mu_2$	$H_1 : \mu_1 \neq \mu_2 (-\infty, -z(\beta)) \cup \langle z(\beta), \infty$
	$Z = \frac{\bar{x}_1 - \bar{x}_2}{s^\dagger}$	$H_1 : \mu_1 < \mu_2 (-\infty, -z(\gamma)) \quad H_1 : \mu_1 > \mu_2 \langle z(\gamma), \infty$
2 dwumianowe $n_1 > 100, n_2 > 100$	$H_0 : p_1 = p_2$	$H_1 : p_1 \neq p_2 (-\infty, -z(\beta)) \cup \langle z(\beta), \infty$
	$Z = \frac{\hat{p}_1 - \hat{p}_2}{\check{s}}$	$H_1 : p_1 < p_2 (-\infty, -z(\gamma)) \quad H_1 : p_1 > p_2 \langle z(\gamma), \infty$
$\mathcal{N}(\mu_1, \sigma_1), \mathcal{N}(\mu_2, \sigma_2)$ $\sigma_1 = \sigma_2$ nieznanne	$H_0 : \mu_1 = \mu_2$	$H_1 : \mu_1 \neq \mu_2 (-\infty, -t(\beta, n^*)) \cup \langle t(\beta, n^*), \infty$
	$T = \frac{\bar{x}_1 - \bar{x}_2}{s^*}$	$H_1 : \mu_1 < \mu_2 (-\infty, -t(\gamma, n^*)) \quad H_1 : \mu_1 > \mu_2 \langle t(\gamma, n^*), \infty$
$\mathcal{N}(\mu_1, \sigma_1), \mathcal{N}(\mu_2, \sigma_2)$ $\sigma_1 \neq \sigma_2$ nieznanne	$H_0 : \mu_1 = \mu_2$	$H_1 : \mu_1 \neq \mu_2 (-\infty, -c(\beta, n_1, n_2)) \cup \langle c(\beta, n_1, n_2), \infty$
	$C = \frac{\bar{x}_1 - \bar{x}_2}{s^\dagger}$	$H_1 : \mu_1 < \mu_2 (-\infty, -c(\gamma, n_1, n_2)) \quad H_1 : \mu_1 > \mu_2 \langle c(\gamma, n_1, n_2), \infty$
$\mathcal{N}(\mu, \sigma)$	$H_0 : \sigma = \sigma_0$	$H_1 : \sigma \neq \sigma_0 (0, u(\alpha/2, n-1)) \cup \langle u(\beta, n-1), \infty$
	$\chi^2 = \frac{(n-1)s^2}{\sigma_0^2}$	$H_1 : \sigma < \sigma_0 (0, u(\alpha, n-1)) \quad H_1 : \sigma > \sigma_0 \langle u(1-\alpha, n-1), \infty$
$\mathcal{N}(\mu_1, \sigma_1), \mathcal{N}(\mu_2, \sigma_2)$	$H_0 : \sigma_1 = \sigma_2$	$H_1 : \sigma_1 \neq \sigma_2 \langle f(\beta, n_L - 1, n_M - 1), \infty$
	$F = \frac{\max(s_1^2, s_2^2)}{\min(s_1^2, s_2^2)}$	$n_L (n_M) -$ liczebność licznika (mianownika) statystyki F
$\mathcal{N}(\mu_1, \sigma_1), \mathcal{N}(\mu_2, \sigma_2)$	$H_0 : \sigma_1 = \sigma_2$	$H_1 : \sigma_1 < \sigma_2 \langle f(\gamma, n_2 - 1, n_1 - 1), \infty$
	$F = \frac{s_1^2}{s_2^2}$	$H_1 : \sigma_1 > \sigma_2 \langle f(\gamma, n_1 - 1, n_2 - 1), \infty$

$$\check{s} = \sqrt{\bar{p}(1-\bar{p})(1/n_1 + 1/n_2)}, \quad \bar{p} = (n_1\hat{p}_1 + n_2\hat{p}_2)/(n_1 + n_2)$$

Test zgodności χ^2 Pearsona liczności doświadczalnych n_i z teoretycznym rozkładem prawdopodobieństwa p_i na poziomie istotności α . Statystyka testowa: $\chi^2 = \sum_{i=1}^k \frac{(n_i - np_i)^2}{np_i}$, zbiór krytyczny $W = \langle u(1 - \alpha, k - 1), \infty$
 z -kwantyl rozkładu $\mathcal{N}(0, 1)$, t -kwantyl rozkładu Studenta, u -kwantyl rozkładu χ^2 , f -kwantyl rozkładu Fischera-Snedecora, c -kwantyl rozkładu Cochra i Coxa.