

Wykład 6 z rachunku prawdopodobieństwa I (08.04.24)

1. Twierdzenie: Dla każdego ciągu zdarzeń $\{A_n\}$
 - $P(\liminf_n A_n) \leq \liminf_n P(A_n) \leq \limsup_n P(A_n) \leq P(\limsup_n A_n)$
 - Jeżeli $\lim_n A_n = A$, to $\lim_n P(A_n) = P(A)$.
2. Lematy Borela-Cantelliego.
3. Przypomnienie definicji i własności całki Lebesgue'a względem miary:
 - własności: liniowość, monotoniczność, rola zbiorów miary zero, twierdzenia Lebesgue'a o zbieżności monotonicznej i zmajoryzowanej
 - przykład: całka względem miary dyskretnej
4. Miary zadane przez gęstość: $\nu(A) = \int_A f d\mu$.