

### Zadanie:

Rozważmy następującą gramatykę jednoznaczną dla n dwuargumentowych operatorów infiksowych:

$$\begin{aligned} E_1 &\rightarrow E_1 \theta_1 E_2 \mid E_2 \\ E_2 &\rightarrow E_2 \theta_2 E_3 \mid E_3 \\ &\dots \\ E_n &\rightarrow E_n \theta_n E_{n+1} \mid E_{n+1} \\ E_{n+1} &\rightarrow (E_1) \mid id \end{aligned}$$

- Zbuduj zbiory sytuacji SLR dla tej gramatyki. Jak wiele zbiorów powstaje w zależności od n?
- Zbuduj tablicę analizatora SLR.
- Ilu kroków wymaga wyprowadzenie “ $id \theta_i id \theta_j id$ ” ?

### Rozwiązanie:

Ponumerujemy najpierw kolejne produkcje gramatyki. Dla potrzeb parsera SLR dopisujemy dodatkową produkcję początkową o numerze 0.

$$\begin{aligned} (0) E' &\rightarrow E_1 \\ (1.a) E_1 &\rightarrow E_1 \theta_1 E_2 \\ (1.b) E_1 &\rightarrow E_2 \\ (2.a) E_2 &\rightarrow E_2 \theta_2 E_3 \\ (2.b) E_2 &\rightarrow E_3 \\ &\dots \\ (n.a) E_n &\rightarrow E_n \theta_n E_{n+1} \\ (n.b) E_n &\rightarrow E_{n+1} \\ (x) E_{n+1} &\rightarrow (E_1) \\ (y) E_{n+1} &\rightarrow id \end{aligned}$$

Zbudujmy następnie kanoniczny system zbiorów SLR(1) sytuacji dopuszczalnych.

$$\begin{aligned} T_0 &= \{ [E' \rightarrow \cdot E_1], [E_1 \rightarrow \cdot E_1 \theta_1 E_2], [E_1 \rightarrow \cdot E_2], [E_2 \rightarrow \cdot E_2 \theta_2 E_3], [E_2 \rightarrow \cdot E_3], \dots, [E_n \rightarrow \cdot E_n \theta_n E_{n+1}], \\ &[E_n \rightarrow \cdot E_{n+1}], [E_{n+1} \rightarrow \cdot (E_1)], [E_{n+1} \rightarrow \cdot id] \} \\ T_1 &= \text{GOTO}(T_0, id) = \{ [E_{n+1} \rightarrow id \cdot] \} \\ T_2 &= \text{GOTO}(T_0, "(") = \{ [E_{n+1} \rightarrow (\cdot E_1)], [E_1 \rightarrow \cdot E_1 \theta_1 E_2], [E_1 \rightarrow \cdot E_2], [E_2 \rightarrow \cdot E_2 \theta_2 E_3], [E_2 \rightarrow \cdot E_3], \dots, \\ &[E_n \rightarrow \cdot E_n \theta_n E_{n+1}], [E_n \rightarrow \cdot E_{n+1}], [E_{n+1} \rightarrow \cdot (E_1)], [E_{n+1} \rightarrow \cdot id] \} \\ T_{3.1} &= \text{GOTO}(T_0, E_1) = \{ [E' \rightarrow E_1 \cdot], [E_1 \rightarrow E_1 \cdot \theta_1 E_2] \} \\ T_{3.2} &= \text{GOTO}(T_0, E_2) = \{ [E_1 \rightarrow E_2 \cdot], [E_2 \rightarrow E_2 \cdot \theta_2 E_3] \} \\ &\dots \\ T_{3.n} &= \text{GOTO}(T_0, E_n) = \{ [E_{n-1} \rightarrow E_n \cdot], [E_n \rightarrow E_n \cdot \theta_n E_{n+1}] \} \\ T_4 &= \text{GOTO}(T_0, E_{n+1}) = \{ [E_n \rightarrow E_{n+1} \cdot] \} \\ \\ T_5 &= \text{GOTO}(T_2, E_1) = \{ [E_{n+1} \rightarrow (E_1 \cdot)], [E_1 \rightarrow E_1 \cdot \theta_1 E_2] \} \\ \text{GOTO}(T_2, E_2) &= T_{3.2}, \text{GOTO}(T_2, E_3) = T_{3.3}, \dots, \text{GOTO}(T_2, E_n) = T_{3.n}, \text{GOTO}(T_2, E_{n+1}) = T_4 \\ \text{GOTO}(T_2, "(") &= T_2, \text{GOTO}(T_2, id) = T_1 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} T_{6.1} &= \text{GOTO}(T_{3.1}, \theta_1) = \{ [E_1 \rightarrow E_1 \theta_1 \cdot E_2], [E_2 \rightarrow \cdot E_2 \theta_2 E_3], [E_2 \rightarrow \cdot E_3], \dots, [E_n \rightarrow \cdot E_n \theta_n E_{n+1}], \\ &[E_n \rightarrow \cdot E_{n+1}], [E_{n+1} \rightarrow \cdot (E_1)], [E_{n+1} \rightarrow \cdot id] \} \\ T_{6.2} &= \text{GOTO}(T_{3.2}, \theta_2) = \{ [E_2 \rightarrow E_2 \theta_2 \cdot E_3], [E_3 \rightarrow \cdot E_3 \theta_3 E_4], [E_3 \rightarrow \cdot E_4], \dots, [E_n \rightarrow \cdot E_n \theta_n E_{n+1}], \\ &[E_n \rightarrow \cdot E_{n+1}], [E_{n+1} \rightarrow \cdot (E_1)], [E_{n+1} \rightarrow \cdot id] \} \\ &\dots \end{aligned}$$

$$T_{6,n} = \text{GOTO}(T_{3,n}, \theta_n) = \{ [E_n \rightarrow E_n \theta_n \cdot E_{n+1}], [E_{n+1} \rightarrow \cdot (E_1)], [E_{n+1} \rightarrow \cdot id] \}$$

$$T_7 = \text{GOTO}(T_5, "(") = \{ [E_{n+1} \rightarrow (E_1) \cdot] \}$$

$$\text{GOTO}(T_5, \theta_1) = T_{6,1}$$

$$T_{8,1} = \text{GOTO}(T_{6,1}, E_2) = \{ [E_1 \rightarrow E_1 \theta_1 E_2 \cdot], [E_2 \rightarrow E_2 \cdot \theta_2 E_3] \}$$

$$\text{GOTO}(T_{6,1}, E_3) = T_{3,3}, \text{GOTO}(T_{6,1}, E_4) = T_{3,4}, \dots, \text{GOTO}(T_{6,1}, E_n) = T_{3,n}, \text{GOTO}(T_{6,1}, E_{n+1}) = T_4,$$

$$\text{GOTO}(T_{6,1}, "(") = T_2, \text{GOTO}(T_{6,1}, id) = T_1$$

$$T_{8,2} = \text{GOTO}(T_{6,2}, E_3) = \{ [E_2 \rightarrow E_2 \theta_2 E_3 \cdot], [E_3 \rightarrow E_3 \cdot \theta_3 E_4] \}$$

$$\text{GOTO}(T_{6,2}, E_4) = T_{3,4}, \text{GOTO}(T_{6,2}, E_5) = T_{3,5}, \dots, \text{GOTO}(T_{6,2}, E_n) = T_{3,n}, \text{GOTO}(T_{6,2}, E_{n+1}) = T_4,$$

$$\text{GOTO}(T_{6,2}, "(") = T_2, \text{GOTO}(T_{6,2}, id) = T_1$$

...

$$T_{8,n} = \text{GOTO}(T_{6,n}, E_{n+1}) = \{ [E_n \rightarrow E_n \theta_n E_{n+1} \cdot] \}$$

$$\text{GOTO}(T_{6,n}, "(") = T_2, \text{GOTO}(T_{6,n}, id) = T_1$$

$$\text{GOTO}(T_{8,1}, \theta_2) = T_{6,2}$$

$$\text{GOTO}(T_{8,2}, \theta_3) = T_{6,3}$$

...

$$\text{GOTO}(T_{8,n-1}, \theta_n) = T_{6,n}$$

To wszystkie stany jakie możemy utworzyć. Zatem odpowiedź na pytanie a) brzmi: zbiorów jest  $3n+6$  ( $T_0$ ,  $T_1$ ,  $T_2$ ,  $T_4$ ,  $T_5$ ,  $T_7$ , oraz trzy serie  $T_{3,1} - T_{3,n}$ ,  $T_{6,1} - T_{6,n}$  i  $T_{8,1} - T_{8,n}$ ).

Do zbudowania tablicy parsera będą nam jeszcze potrzebne zbiory FOLLOW nieterminali:

$$\text{FIRST}_1(E') = \{ id, "(" \}$$

$$\text{FIRST}_1(E_1) = \{ id, "(" \}$$

$$\text{FIRST}_1(E_2) = \{ id, "(" \}$$

...

$$\text{FIRST}_1(E_n) = \{ id, "(" \}$$

$$\text{FIRST}_1(E_{n+1}) = \{ id, "(" \}$$

$$\text{FOLLOW}_1(E') = \{ \$ \}$$

$$\text{FOLLOW}_1(E_1) = \{ \$, \theta_1, ")" \}$$

$$\text{FOLLOW}_1(E_2) = \{ \$, \theta_1, \theta_2, ")" \}$$

...

$$\text{FOLLOW}_1(E_n) = \{ \$, \theta_1, \theta_2, \dots, \theta_n, ")" \}$$

$$\text{FOLLOW}_1(E_{n+1}) = \{ \$, \theta_1, \theta_2, \dots, \theta_n, ")" \}$$

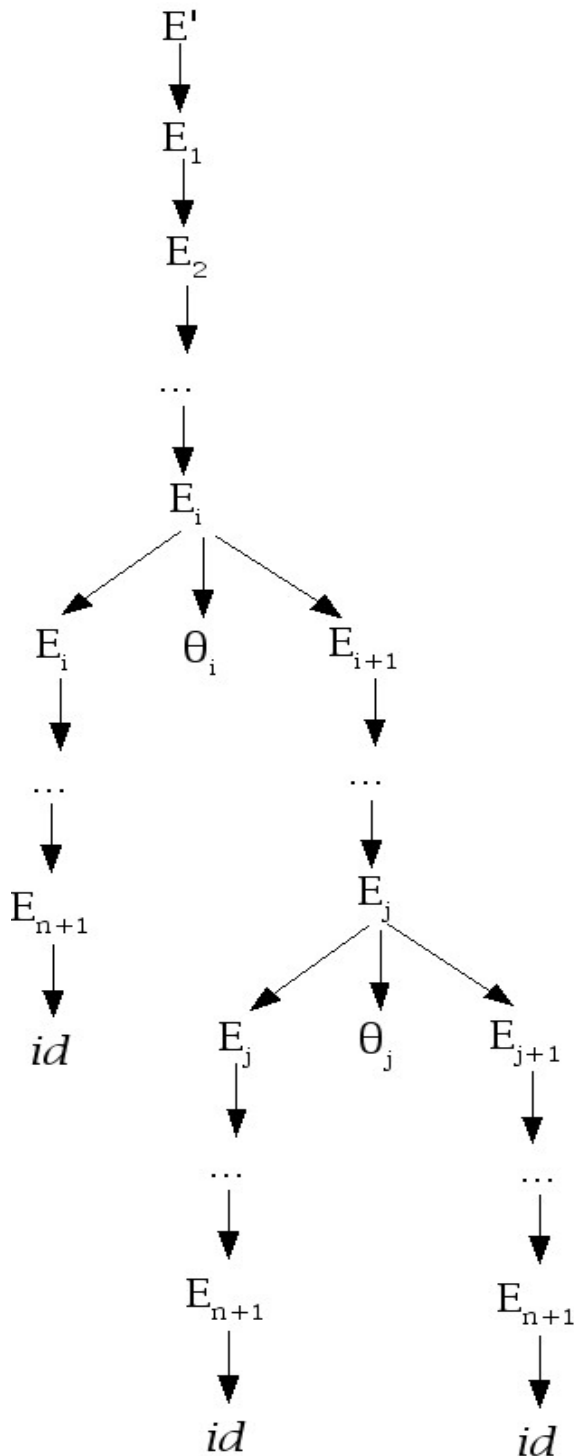
Teraz możemy zbudować tablicę; obydwaj jej wymiary zależą od  $n$ , więc nie można narysować jej w całości. Dla ustalenia uwagi założmy, że  $n = 5$ , w przeciwnym wypadku tabela byłaby prawdopodobnie mało czytelna. Puste pola oznaczają błąd (err).

	$\theta_1$	$\theta_2$	$\theta_3$	$\theta_4$	$\theta_5$	(	)	<i>id</i>	\$
<b>T<sub>0</sub></b>						sh 2		sh 1	
<b>T<sub>1</sub></b>	red y	red y	red y	red y	red y		red y		red y
<b>T<sub>2</sub></b>						sh 2		sh 1	
<b>T<sub>3.1</sub></b>	sh 6.1								acc
<b>T<sub>3.2</sub></b>	red 1.b	sh 6.2					red 1.b		red 1.b
<b>T<sub>3.3</sub></b>	red 2.b	red 2.b	sh 6.3				red 2.b		red 2.b
<b>T<sub>3.4</sub></b>	red 3.b	red 3.b	red 3.b	sh 6.4			red 3.b		red 3.b
<b>T<sub>3.5</sub></b>	red 4.b	red 4.b	red 4.b	red 4.b	sh 6.5		red 4.b		red 4.b
<b>T<sub>4</sub></b>	red 5.b	red 5.b	red 5.b	red 5.b	red 5.b		red 5.b		red 5.b
<b>T<sub>5</sub></b>	sh 6.1						sh 7		
<b>T<sub>6.1</sub></b>						sh 2		sh 1	
<b>T<sub>6.2</sub></b>						sh 2		sh 1	
<b>T<sub>6.3</sub></b>						sh 2		sh 1	
<b>T<sub>6.4</sub></b>						sh 2		sh 1	
<b>T<sub>6.5</sub></b>						sh 2		sh 1	
<b>T<sub>7</sub></b>	red x	red x	red x	red x	red x		red x		red x
<b>T<sub>8.1</sub></b>	red 1.a	sh 6.2					red 1.a		red 1.a
<b>T<sub>8.2</sub></b>	red 2.a	red 2.a	sh 6.3				red 2.a		red 2.a
<b>T<sub>8.3</sub></b>	red 3.a	red 3.a	red 3.a	sh 6.4			red 3.a		red 3.a
<b>T<sub>8.4</sub></b>	red 4.a	red 4.a	red 4.a	red 4.a	sh 6.5		red 4.a		red 4.a
<b>T<sub>8.5</sub></b>	red 5.a	red 5.a	red 5.a	red 5.a	red 5.a		red 5.a		red 5.a

	<b>E<sub>1</sub></b>	<b>E<sub>2</sub></b>	<b>E<sub>3</sub></b>	<b>E<sub>4</sub></b>	<b>E<sub>5</sub></b>	<b>E<sub>6</sub> (E<sub>n+1</sub>)</b>
<b>T<sub>0</sub></b>	T <sub>3.1</sub>	T <sub>3.2</sub>	T <sub>3.3</sub>	T <sub>3.4</sub>	T <sub>3.5</sub>	T <sub>4</sub>
<b>T<sub>1</sub></b>						
<b>T<sub>2</sub></b>	T <sub>5</sub>	T <sub>3.2</sub>	T <sub>3.3</sub>	T <sub>3.4</sub>	T <sub>3.5</sub>	T <sub>4</sub>
<b>T<sub>3.1</sub></b>						
<b>T<sub>3.2</sub></b>						
<b>T<sub>3.3</sub></b>						
<b>T<sub>3.4</sub></b>						
<b>T<sub>3.5</sub></b>						
<b>T<sub>4</sub></b>						
<b>T<sub>5</sub></b>						
<b>T<sub>6.1</sub></b>		T <sub>8.1</sub>	T <sub>3.3</sub>	T <sub>3.4</sub>	T <sub>3.5</sub>	T <sub>4</sub>
<b>T<sub>6.2</sub></b>			T <sub>8.2</sub>	T <sub>3.4</sub>	T <sub>3.5</sub>	T <sub>4</sub>
<b>T<sub>6.3</sub></b>				T <sub>8.3</sub>	T <sub>3.5</sub>	T <sub>4</sub>
<b>T<sub>6.4</sub></b>					T <sub>8.4</sub>	T <sub>4</sub>
<b>T<sub>6.5</sub></b>						T <sub>8.5</sub>
<b>T<sub>7</sub></b>						
<b>T<sub>8.1</sub></b>						
<b>T<sub>8.2</sub></b>						
<b>T<sub>8.3</sub></b>						
<b>T<sub>8.4</sub></b>						
<b>T<sub>8.5</sub></b>						

Ilu kroków wymaga wyprowadzenie: “ $id \ \theta_i \ id \ \theta_j \ id$ ” ?

Oto drzewo rozbioru syntaktycznego danego wyrażenia: (zakładamy że  $i < j$ )



Do wyprowadzenia “ $id \ \theta_i \ id \ \theta_j \ id$ ” z  $E'$  potrzebne są następujące kroki:

- $i$  kroków od  $E'$  do  $E_i$
- 1 krok:  $E_i \Rightarrow E_i \ \theta_i \ E_{i+1}$
- $n-i+2$  kroków:  $E_i \ \theta_i \ E_{i+1} \Rightarrow id \ \theta_i \ E_{i+1}$
- $j-i-1$  kroków:  $id \ \theta_i \ E_{i+1} \Rightarrow id \ \theta_i \ E_j$
- 1 krok:  $id \ \theta_i \ E_j \Rightarrow id \ \theta_i \ E_j \ \theta_j \ E_{j+1}$
- $n-j+2$  kroków:  $id \ \theta_i \ E_j \ \theta_j \ E_{j+1} \Rightarrow id \ \theta_i \ id \ \theta_j \ E_{j+1}$
- $n-j+1$  kroków:  $id \ \theta_i \ id \ \theta_j \ E_{j+1} \Rightarrow id \ \theta_i \ id \ \theta_j \ id$

Razem:  $3n-i-j+6$  (licząc razem z shiftami potrzebnymi na wczytanie wyrażenia –  $3n-i-j+11$ ).