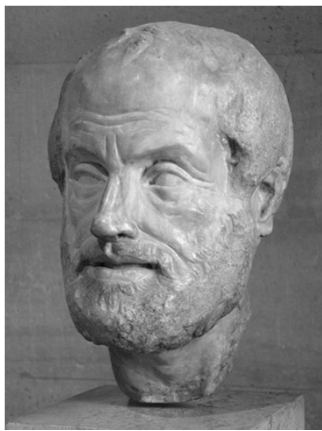


# **PRZYCZYNY RUCHU – ZASADY DYNAMIKI DLA PUNKTU MATERIALNEGO**

# Poglądy na mechanikę przed Newtonem



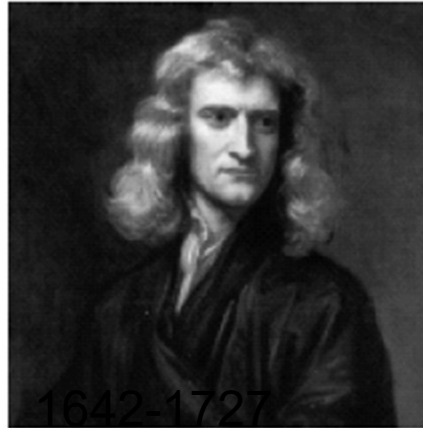
**Arystoteles**  
**384-322 p.n.e**

Arystoteles uważał, że każdy ruch wynika albo z natury poruszającego się ciała (ruch naturalny) albo jest skutkiem pchania lub ciągnięcia (ruch gwałtowny). Ruch naturalny powinien być albo ruchem po prostej w górę lub w dół (tak poruszają się ciała na Ziemi) albo ruchem po okręgu (ciała niebieskie).

Zgodnie z wyobrażeniami Arystotelesa każde ciało na świecie ma przypisane mu właściwe miejsce, określone przez naturę; jeśli znajdzie się poza nim, to pojawia się dążność powrotu do niego.

Jeśli ciało znajduje się we właściwym miejscu, to jego ruch jest możliwy jedynie pod wpływem działania sił zewnętrznych. Z wyjątkiem ciał niebieskich stanem normalnym jest stan spoczynku.

# Mechaniki klasyczna



**Isaac Newton**

1687 – zasady dynamiki

Principia Mathematica Philosophiae Naturalis

„Każde ciało trwa w swym stanie: spoczynku lub ruchu prostoliniowego i jednostajnego, jeśli siły przyłożone nie zmuszają ciała do zmiany tego stanu.”

ZASADA BEZWŁADNOŚCI

• *Nie jest* to intuicyjnie oczywiste.

AXIOMATA  
SIVE  
LEGES MOTUS

Lex. I.

*Corpus omne perseverare in statu suo quiescendi vel movendi uniformiter in directum, nisi quatenus a viribus impressis cogitur statum illum mutare.*

Względem jakiego układu odniesienia obserwujemy ruch jednostajny prostoliniowy lub spoczynek?

**Względem układu inercjalnego**

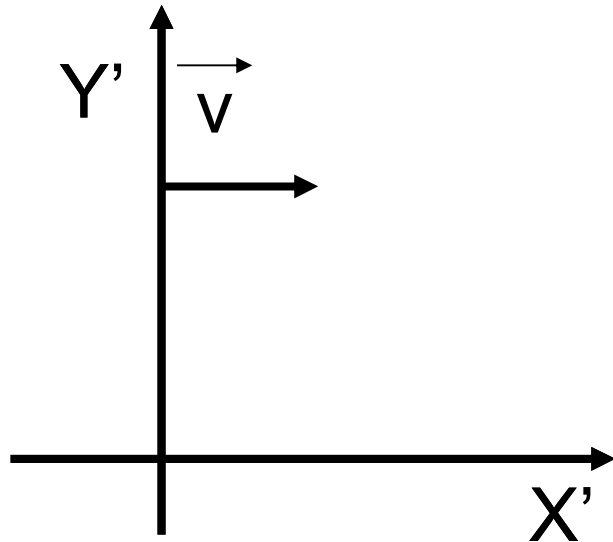
Zasada bezwładności jest postulatem istnienia układu inercjalnego.

Istnieje układ inercjalny

ZASADA BEZWŁADNOŚCI

to znaczy układ odniesienia, w którym ciało, na które nic nie działa, spoczywa lub porusza się bez przyspieszenia

Jeśli istnieje jeden układ inercyjny, to każdy inny układ poruszający się względem niego z prędkością  $\vec{V} = \text{const}$  jest też układem inercyjnym; istnieje więc nieskończenie wiele układów inercyjnych



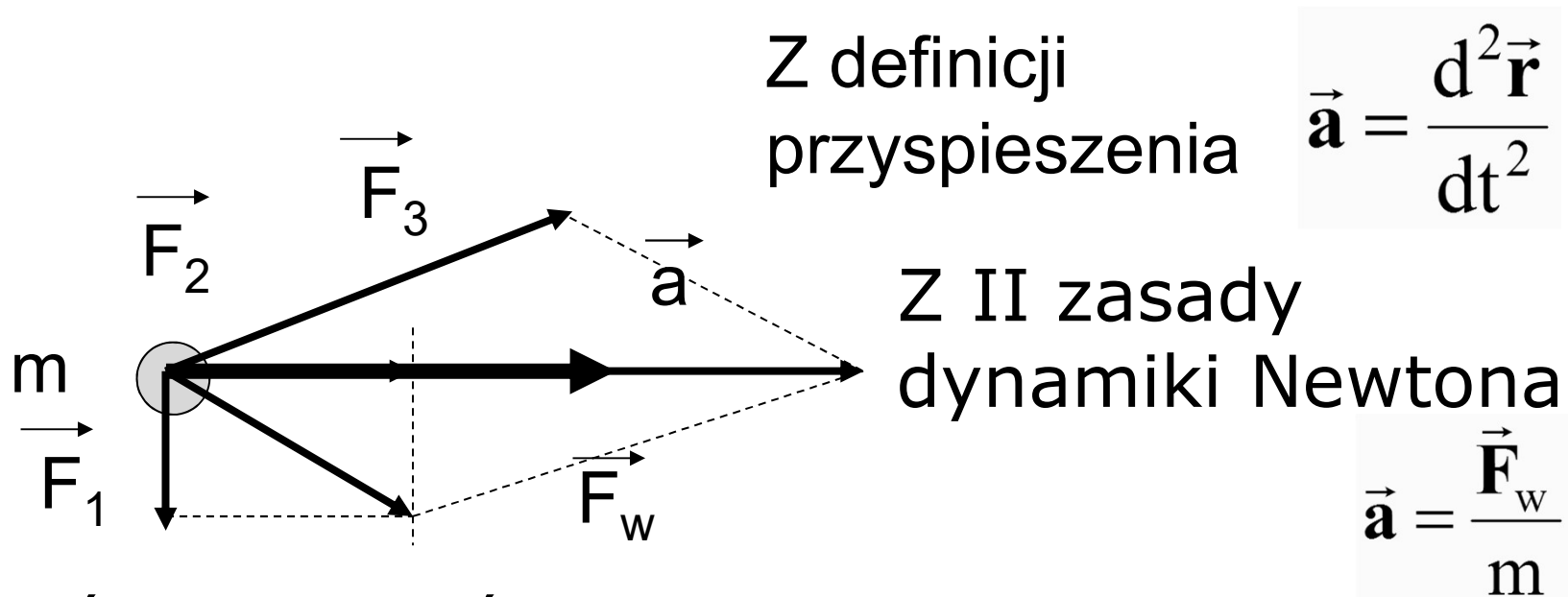
## Druga zasada dynamiki Newtona

Niezerowa wypadkowa sił zewnętrznych działających na ciało nadaje ciału przyspieszenie o kierunku i zwrocie zgodnym z kierunkiem i zwrotem siły wypadkowej oraz wartości wprost proporcjonalnej do wartości tej siły a odwrotnie proporcjonalnej do masy ciała.

$$m\vec{a} = \vec{F}$$

siła wypadkowa

obowiązuje również tylko w inercyjnym układzie odniesienia



Różniczkowe równanie ruchu:

$$m \frac{d^2 \vec{r}}{dt^2} = \vec{F}_w \left( \vec{r}, \frac{d\vec{r}}{dt}, t \right)$$

położenie      prędkość

siła może nie być stała, lecz może zależeć od położenia, prędkości, czasu

Jeśli znamy rozkład sił i masę ciała oraz warunki początkowe dla położenia i prędkości, to rozwiązując równanie ruchu

$$m \frac{d^2 \vec{r}}{dt^2} = \vec{F}_w \left( \vec{r}, \frac{d\vec{r}}{dt}, t \right)$$

otrzymamy układ trzech równań skalarnych, opisujących zachowanie ciała w czasie:

$$x = x(t)$$

$$y = y(t)$$

$$z = z(t)$$



## Przykłady:

$$m \frac{d^2 \vec{r}}{dt^2} = q \frac{d\vec{r}}{dt} \times \vec{B} \quad \text{ruch ładunku w polu magnetycznym}$$

$$m \frac{d^2 \vec{r}}{dt^2} = q \vec{E} \quad \text{ruch ładunku w polu elektrycznym}$$

$$m \frac{d^2 \vec{r}}{dt^2} = m \vec{g} \quad \text{ruch masy w polu grawitacyjnym}$$

(rzut pionowy, poziomy lub ukośny w zależności od przyjętych warunków początkowych)

# UOGÓLNIONA ZASADA DYNAMIKI

$$\vec{\mathbf{F}} = \frac{d\vec{\mathbf{p}}}{dt}$$

Zmiana pędu wymaga działania siły

ale

$$\frac{d}{dt}\vec{\mathbf{p}} = \frac{d}{dt}(m\vec{\mathbf{v}}) = \frac{dm}{dt}\vec{\mathbf{v}} + m\frac{d\vec{\mathbf{v}}}{dt}$$

czyli dla stałej masy

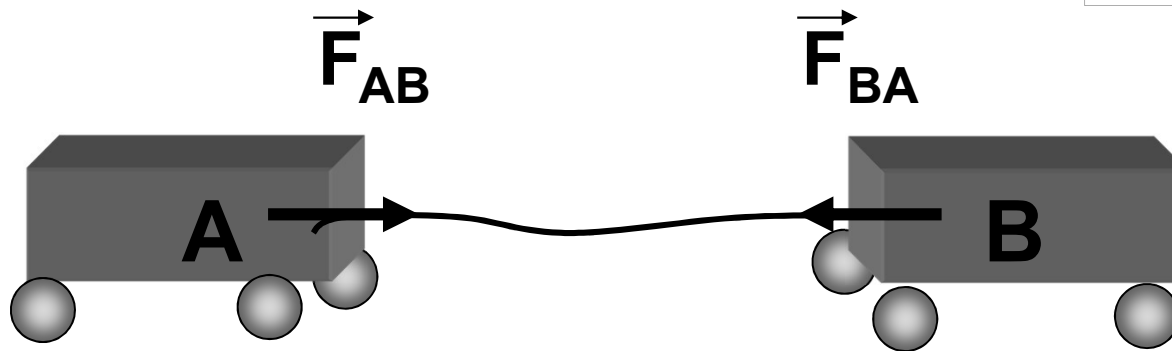
$$\vec{\mathbf{F}} = m\frac{d\vec{\mathbf{v}}}{dt} = m\vec{\mathbf{a}}$$

## II zasada dynamiki Newtona

# Trzecia zasada dynamiki

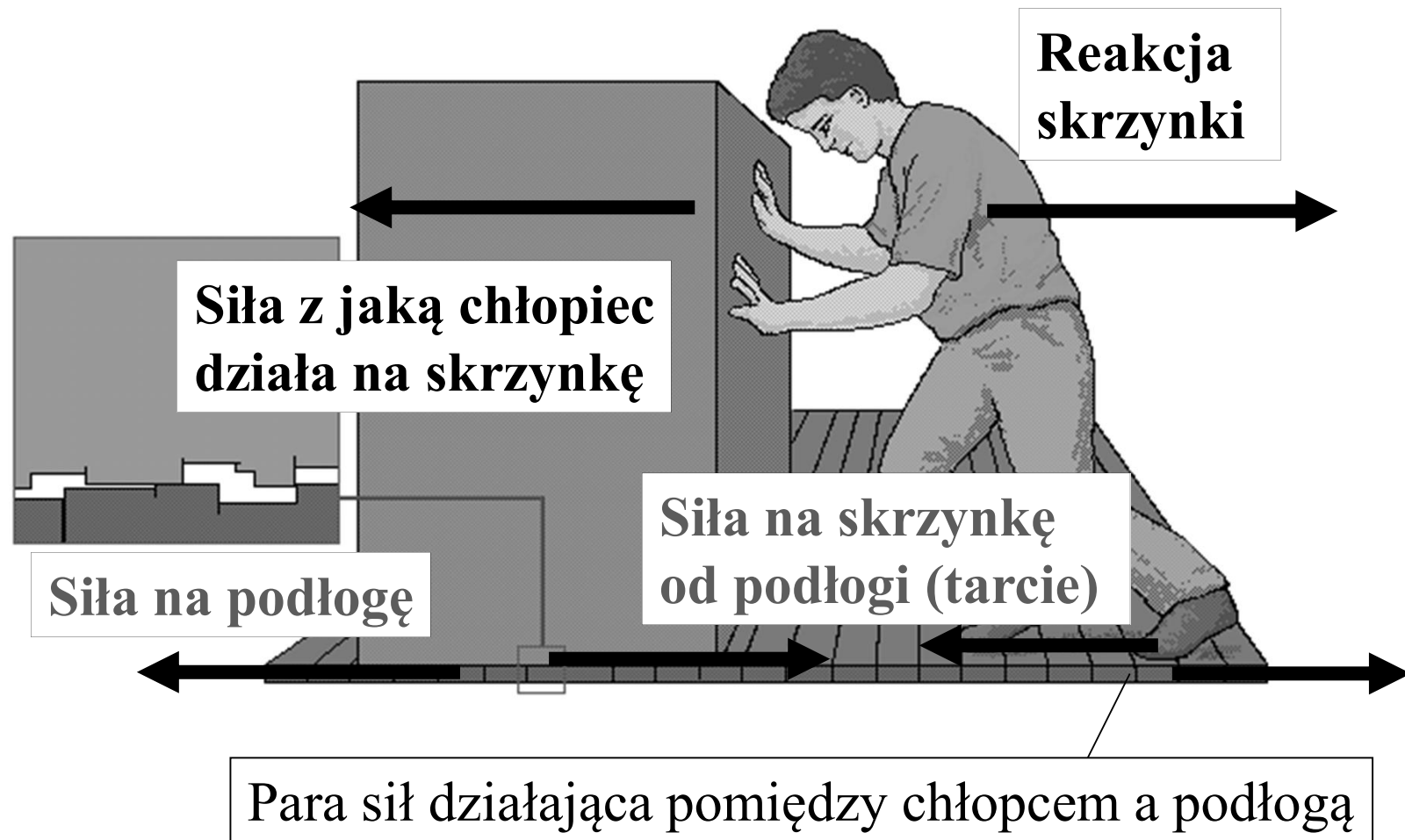
Każdemu działaniu (akcji) towarzyszy przeciwdziałanie (reakcja)

$$\vec{F}_{AB} = -\vec{F}_{BA}$$



Siła działająca na ciało A ze strony ciała B jest równa sile działającej na ciało B ze strony ciała A.

(ale przyspieszenia nie są takie same!!!)



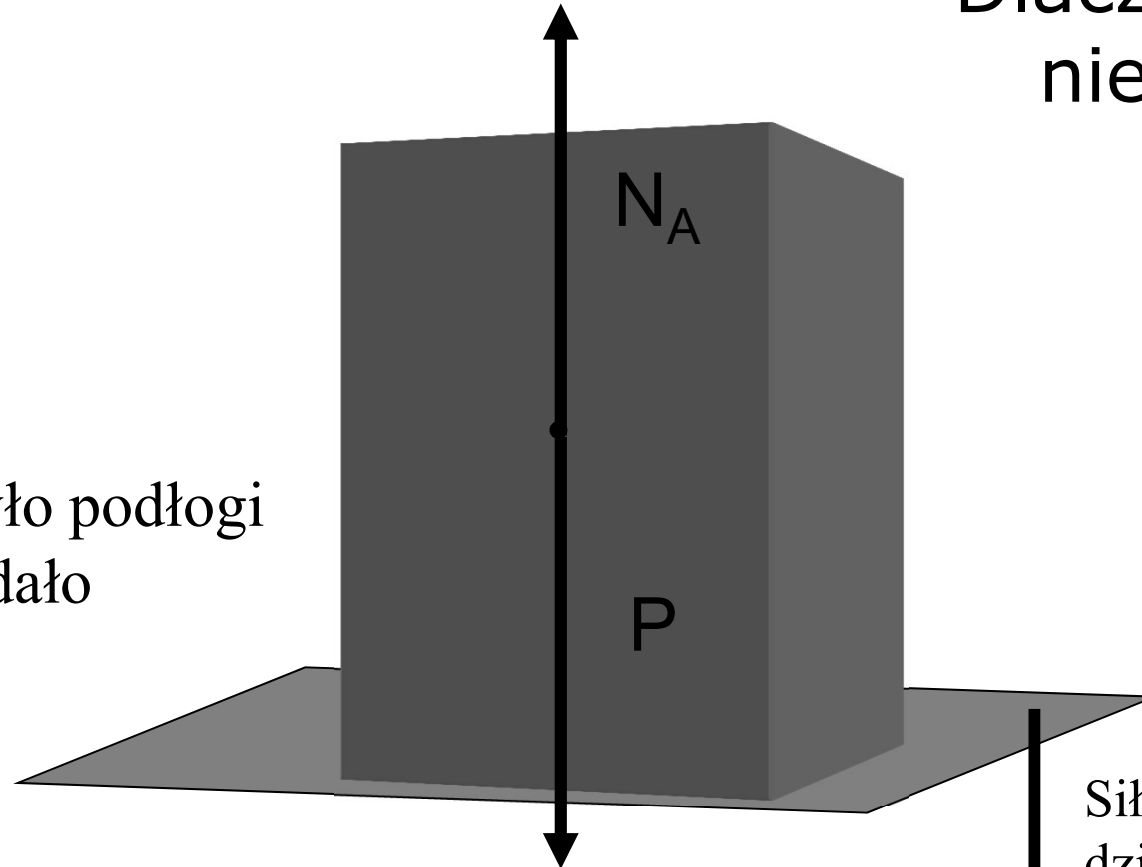
Siły występują parami ale nie działają na to samo ciało (nie znoszą się)

Dlaczego pudło  
nie spada?

Siła reakcji podłoża

$$N_A = P$$

Gdyby nie było podłogi  
pudło by spadało



Siła grawitacji działająca na pudło

Siła nacisku  
działająca na  
podłogę

## **ISTOTNE SIŁY RZECZYWISTE:**

- Siła ciężkości (siła grawitacji)
- Siła nacisku (reakcji na nacisk )
- Siła naprężenia
- Siła tarcia
- Siła oporu

Pojęcia siły nie definiujemy, jednak siła rzeczywista musi mieć źródło.

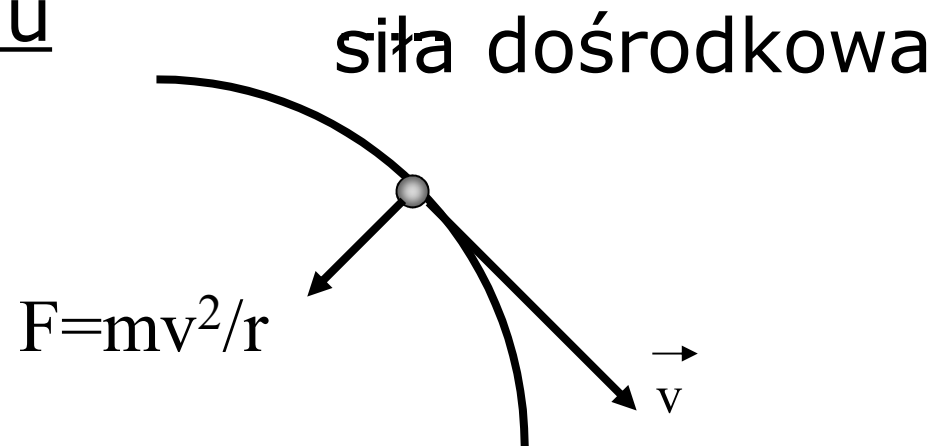
□ Spadek swobodny



siła grawitacji

$$\vec{F} = m\vec{g}$$

□ Ruch po okręgu

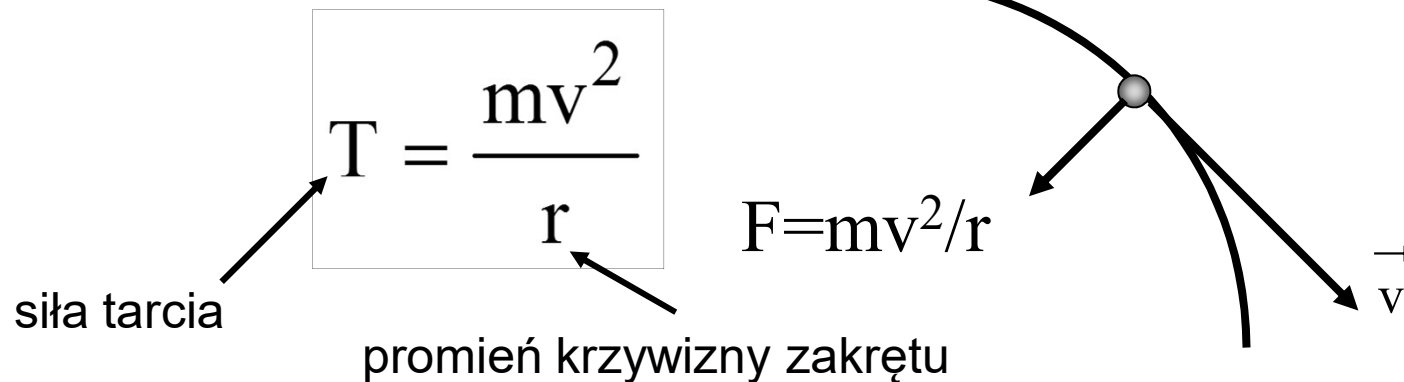


# Siła dośrodkowa

- Siła dośrodkowa jest szczególnym rodzajem siły. Jest konieczna aby ciało poruszało się po okręgu. Wiele sił może pełnić rolę siły dośrodkowej, np. siła grawitacji, siła tarcia, siła naprężenia.



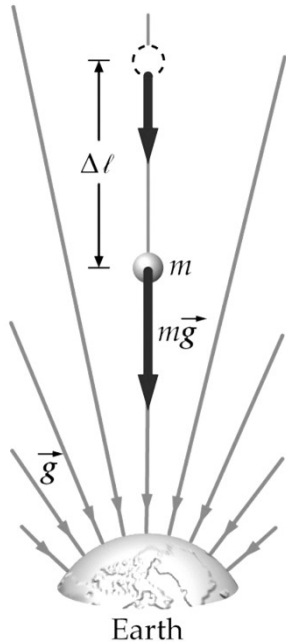
Jak szybko można jechać ale jednak nie wpaść w poślizg na zakręcie?





Siła ciężkości zwana również siłą grawitacji to siła, jaką dane ciało jest przyciągane przez inne ciało.

Źródłem siły ciężkości jest pole grawitacyjne Ziemi



Masa Ziemi jest bardzo duża  $M=5,98 \cdot 10^{24}$  kg, wytwarza zatem w swoim otoczeniu silne pole grawitacyjne

Pole grawitacyjne jest to własność przestrzeni przejawiająca się tym, że na ciało o masie  $m$  umieszczone w tym polu działa siła  $\vec{F}$  określona wzorem:

$$\vec{F} = m\vec{g}$$

lub

$$\vec{F} = m\vec{y}$$

Wzór ten, zapisany w postaci:

$$\vec{\gamma} = \frac{\vec{\mathbf{F}}}{m}$$

definiuje wektor natężenia pola grawitacyjnego  $\vec{\gamma}$

Masa  $m$  musi być na tyle mała, aby nie zaburzała pola grawitacyjnego. Jest to masa próbna

przyspieszenie grawitacyjne  
zależne m.in. od odległości  
od źródła pola

czyli:

$$\vec{\gamma} = \vec{\mathbf{g}}$$

Ale:

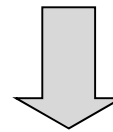
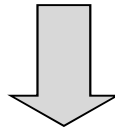
$$\vec{\mathbf{g}} = \frac{\vec{\mathbf{F}}}{m}$$

Zatem zamiast posługiwać się symbolem  $\gamma$  będziemy używać  $g$  w sensie natężenia pola grawitacyjnego

Od czego zależy natężenie pola grawitacyjnego (przyspieszenie grawitacyjne)?

$$F = G \frac{mM}{r^2}$$

$$F = mg$$



$$g(r) = G \frac{M}{r^2}$$

masa źródła  
pola

kwadrat  
odległości od  
źródła pola

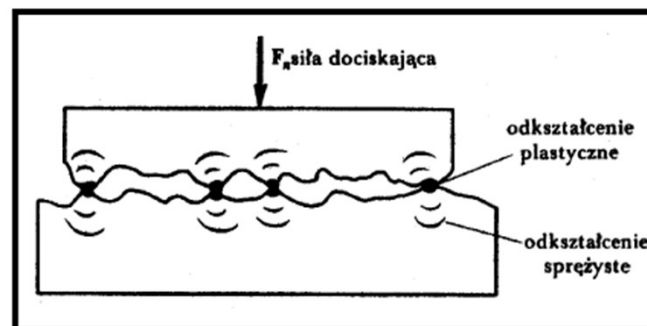
## ZADANIE DOMOWE 4.1

Zastanów się od czego zależy przyspieszenie grawitacyjne w pobliżu powierzchni Ziemi. Przeanalizuj tabelę 14.1 w rozdziale 14.4 pt. *Grawitacja w pobliżu powierzchni Ziemi* HRW t.2.

Źródłem siły tarcia jest oddziaływanie pomiędzy ciałem a powierzchnią, po której jest wprawiane w ruch



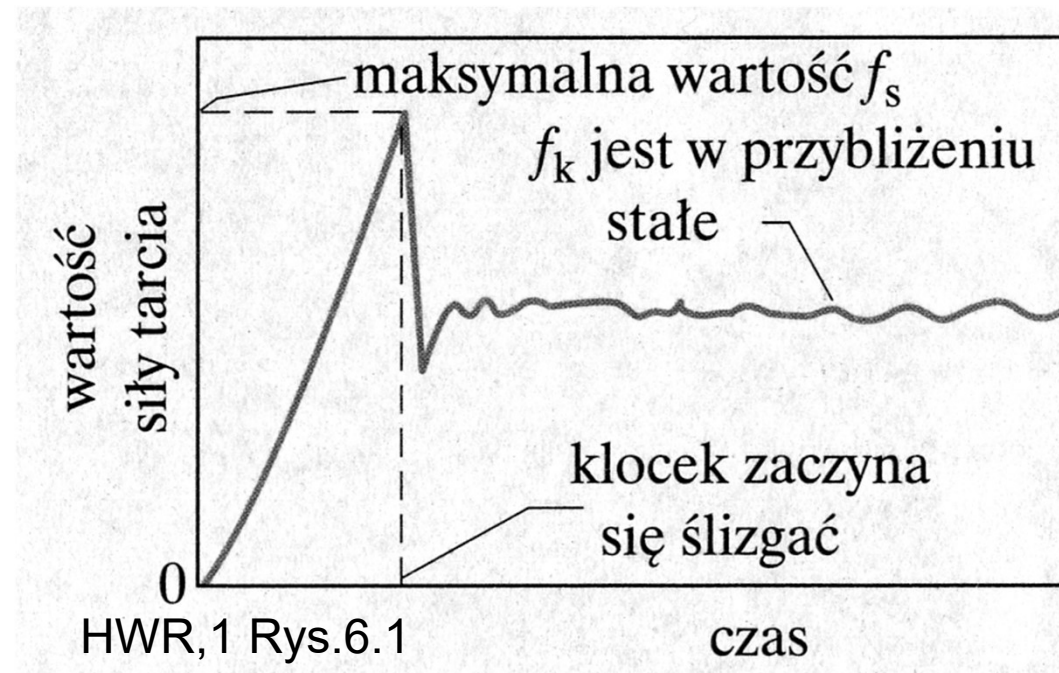
Tarcie jest powodowane przez oddziaływanie elektromagnetyczne między cząstkami stykających się ciał.



Właściwość 1. Jeśli ciało się nie porusza, to siła tarcia statycznego równoważy składową siły równoległą do powierzchni. Siła tarcia statycznego dopasowuje się do siły usiłującej wprowadzić ciało w ruch.

Właściwość 2. Maksymalna wartość siły tarcia statycznego dana jest wzorem  $f_{s\max} = \mu_s N$ , gdzie  $\mu_s$  jest współczynnikiem tarcia statycznego,  $N$  jest wartością siły prostopadłej do powierzchni będącej reakcją na nacisk.

Właściwość 3. Jeśli ciało zaczyna się ślizgać po powierzchni, to wartość tarcia gwałtownie maleje do  $f_k = \mu_k N$ , gdzie jest  $\mu_k$  jest współczynnikiem tarcia kinetycznego,  $N$  jest wartością siły prostopadłej do powierzchni będącej reakcją na nacisk.



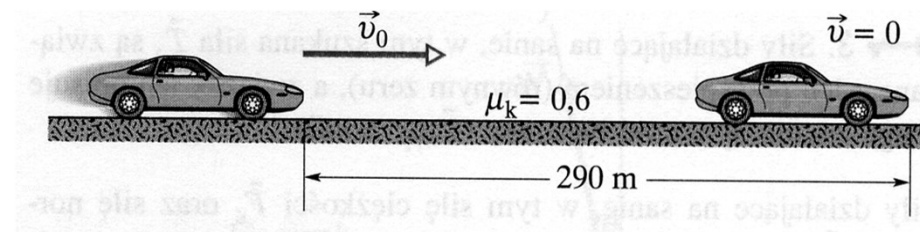
# Współczynniki tarcia

Materiał	Wsp. tarcia statycznego $\mu_s$	Wsp. tarcia kinetycznego $\mu_k$
stal / stal	0.6	0.4
po dodaniu smaru do stali	0.1	0.05
metal / lód	0.022	0.02
opona / sucha nawierzchnia	0.9	0.8
opona / mokra nawierzchnia	0.8	0.7



## ZADANIE DOMOWE 4.2

Jeśli podczas hamowania awaryjnego koła samochodu zostają zablokowane (tzn. nie obracają się), to pojazd ślizga się po szosie. Z oderwanych od opony kawałków gumy i małych stopionych elementów nawierzchni powstają ślady hamowania na jezdni. Rekordowej długości ślady hamowania o długości 290 m pozostawił w 1960 roku Jaguar na zwyczajnej szosie w Anglii. Wyznacz prędkość tego samochodu w chwili zablokowania kół, zakładając, że jego przyspieszenie w czasie hamowania było stałe, a  $\mu_k = 0,6$



Źródłem każdej siły oporu jest oddziaływanie pomiędzy ciałem a ośrodkiem, w którym odbywa się ruch



Ruch w płynach, tj. w cieczech i gazach.

# Przepływ laminarny i turbulentny

Liczba Reynoldsa

$$Re = \frac{v\rho L}{\eta}$$

L-charakterystyczny rozmiar ciała

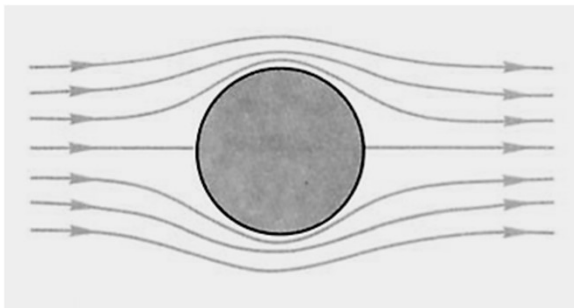
$\eta$ - współczynnik lepkości płynu

$\rho$ -gęstość płynu

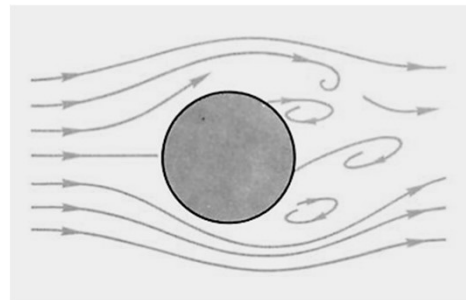
v-prędkość

przepływ laminarny:

$Re \ll 1$  (mała prędkość)

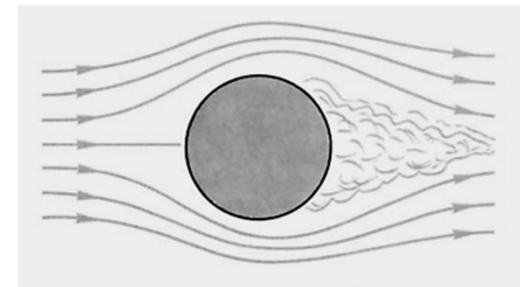


sytuacja pośrednia



przepływ turbulentny:

$Re > 2000$  (duża prędkość ciała)



# SIŁA OPORU

Siła oporu aerodynamicznego w gazie lub hydrodynamicznego w cieczy

Gdy przepływ płynu jest turbulentny

The diagram shows the equation for drag force  $D = \frac{1}{2} C_p \rho S v^2$  enclosed in a light gray box. Arrows point from text labels to the variables in the equation: 'siła oporu' points to 'D', 'współczynnik oporu aerodynamicznego' points to 'C<sub>p</sub>', 'gęstość płynu' points to 'ρ', 'prędkość' points to 'v', and 'pole przekroju poprzecznego' points to 'S'. A curved arrow also points to 'S'.

$$D = \frac{1}{2} C_p \rho S v^2$$

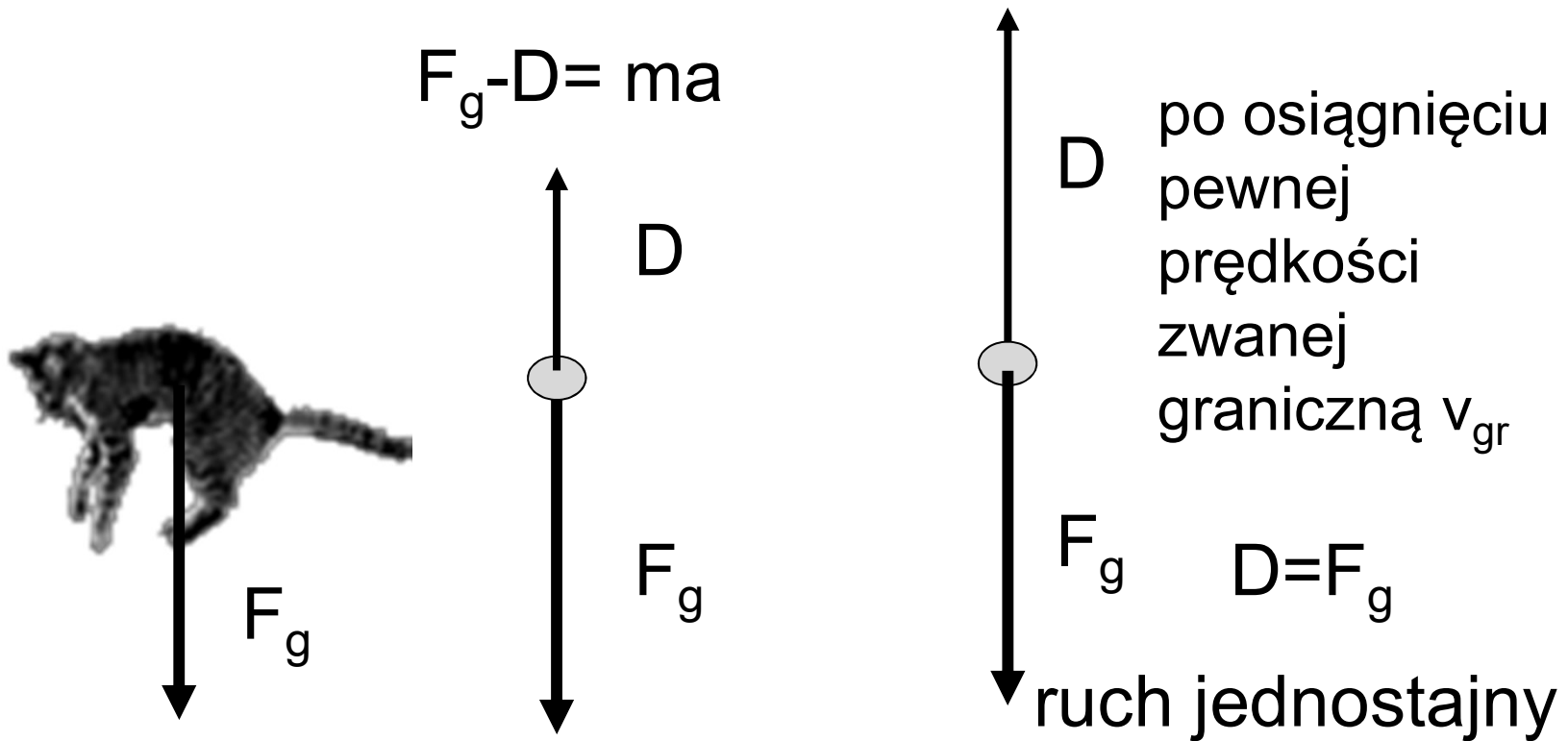
siła oporu

współczynnik oporu aerodynamicznego

gęstość płynu

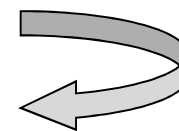
prędkość

pole przekroju poprzecznego



$$F_g - \frac{1}{2} C \rho S v_{gr}^2 = 0$$

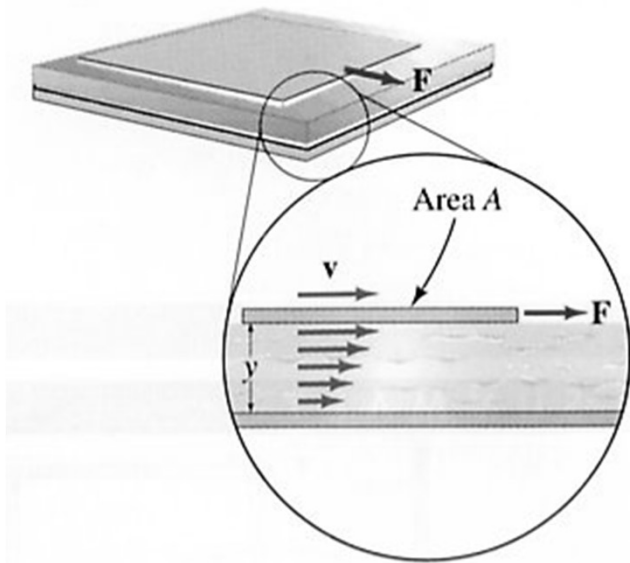
$$v_{gr} = \sqrt{\frac{2F_g}{C\rho S}}$$



## ZADANIE DOMOWE 4.3

Pokazać, że kropla deszczu o promieniu 1,5 mm spadająca z chmury znajdującej się na wysokości 1200 m nad ziemią osiągałaby prędkość 550 km/h gdyby nie było oporu powietrza, podczas gdy w rzeczywistości spada na ziemię z prędkością 27 km/h. Założyć  $C=0,6$ ; gęstość wody  $1000 \text{ kg/m}^3$ , gęstość powietrza  $1,2 \text{ kg/m}^3$ .

# TARCIE WEWNĘTRZNE (LEPKOŚĆ) PŁYNÓW



$$F = \frac{\eta v A}{y}$$

$\eta$ -współczynnik lepkości,  
jednostka  $1\text{N}\cdot\text{s}\cdot\text{m}^{-2}$

Typowe wartości współczynnika lepkości w temperaturze pokojowej

woda  $\eta=10^{-3}\text{N}\cdot\text{s}\cdot\text{m}^{-2}$

gliceryna  $\eta=830\cdot 10^{-3}\text{N}\cdot\text{s}\cdot\text{m}^{-2}$

powietrze  $\eta=1.8\cdot 10^{-5}\text{N}\cdot\text{s}\cdot\text{m}^{-2}$

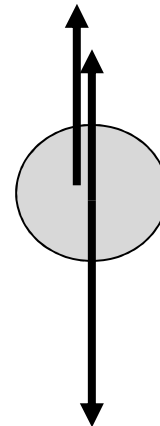
## SIŁA STOKESA

dla małych prędkości, dla kulki o promieniu  $r$  poruszającej się w ośrodku lepkim (przy małej liczbie Reynoldsa)

siła oporu  $F=6\pi\eta r v$

$m_p$  - masa płynu wyparta przez kulę

$m_k$  - masa kuli,  $r$ -promień kuli



$W=m_p g$

siła wyporu

$P=m_k g$

siła ciężkości

Równanie ruchu

$$m \frac{dv}{dt} = m_k g - m_p g - 6\pi\eta r v$$

Prędkość graniczna

$$v_{gr} = \frac{(m_k - m_p) g}{6\pi\eta r}$$



## Zadanie domowe 4.4

1. Powtórzyć prawo Archimedesesa, które podaje wzór na siłę wyporu.
2. Wyprowadzić wzór na prędkość graniczną gdy siła oporu jest siłą Stokesa.

# **Dynamika w układach nieinercjalnych**

## ZASADY DYNAMIKI NEWTONA OBOWIAZUJĄ W UKŁADACH INERCJALNYCH

Co można zrobić aby móc stosować te zasady w układach nieinercjalnych?

Siły pozorne,

Siły bezwładności

$$\vec{F}_b = -m\vec{a}_u$$

przyspieszenie układu

II zasada dynamiki

$$\vec{F}_w = \vec{F}_{rz} + \vec{F}_b = m\vec{a}$$

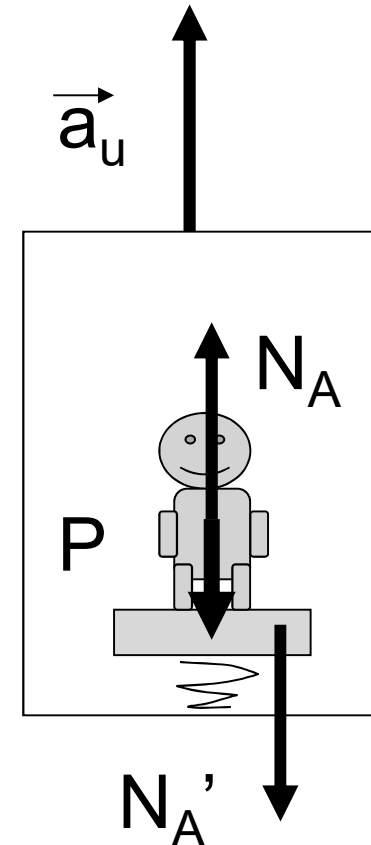
## Przykład: ciężar pozorny

Winda przyspiesza i zwrot przyspieszenia jest ku górze. Jaki ciężar człowieka wskaże waga sprężynowa umieszczona w windzie ?

$$N_A - P = m a_u$$

Waga wskazuje  $N_A'$

$$\text{Ale } N_A' = N_A = m a_u + P$$



## Przykład: rotor

Obserwator w układzie inercyjnym

Siły rzeczywiste:

Tarcie

Siła reakcji na nacisk

Siła ciężkości

Dla obserwatora w układzie inercyjnym siła reakcji na nacisk pełni rolę siły dośrodkowej

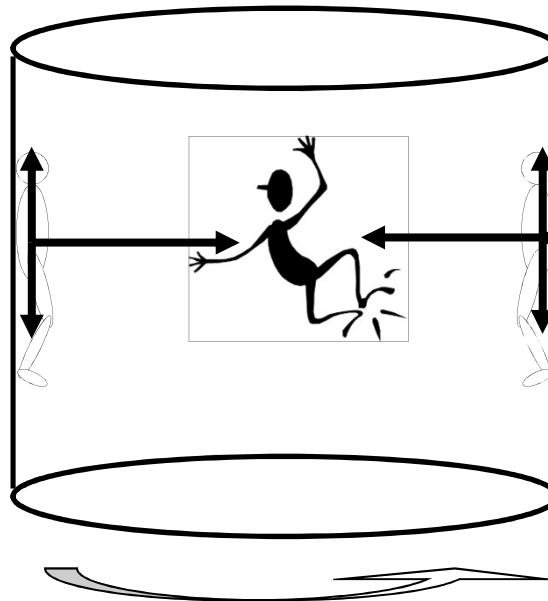
Obserwator w układzie nieinercyjnym

Siły pozorne:

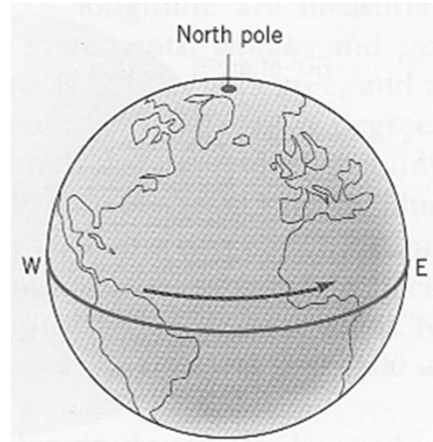
Siła odśrodkowa

Ciężar pozorny

Dla obserwatora w układzie nieinercyjnym wszystkie siły: rzeczywiste i siła odśrodkowa (bezwładności) się równoważą



## Czy Ziemia jest układem inercyjnym?



Rotacja Ziemi wokół własnej osi  $a_z \approx 3 \cdot 10^{-2} \text{ m/s}^2$

Obieg wokół Słońca  $a_o \approx 6 \cdot 10^{-3} \text{ m/s}^2$

Obieg Słońca w Galaktyce  $a_s \approx 3 \cdot 10^{-10} \text{ m/s}^2$

Z czym porównać oszacowane wartości przyspieszeń?

$$g = 9,81 \text{ m/s}^2$$

W układzie odniesienia, który się obraca względem układu inercyjnego występować mogą dwie siły pozorne:

Siła odśrodkowa:

$$\vec{F} = -m\vec{\omega} \times (\vec{\omega} \times \vec{r})$$

nawet gdy ciało spoczywa

Siła Coriolisa:

$$\vec{F} = 2m\vec{v}_r \times \vec{\omega}$$

gdy ciało porusza się względem układu obracającego się w prędkością  $\mathbf{v}_r$

## ZADANIE DOMOWE 4.5

Przeprowadzić obliczenia prowadzące do oszacowania wartości przyspieszenia ciała na Ziemi wynikającego z ruchu dobowego Ziemi. Wskazać, w jakich warunkach to przyspieszenie jest największe a kiedy najmniejsze.



## **ZADANIE DOMOWE 4.6**

Przygotować się do odpowiedzi na pytanie do opisu jakich zjawisk obserwowanych na Ziemi nie wystarczy założenie, że Ziemia jest układem inercyjnym.

## PODSUMOWANIE

- ❑ Błędny jest przekonanie, że do podtrzymania ruchu potrzebna jest siła (patrz zasada bezwładności – I zasada dynamiki Newtona)
- ❑ Pojęcia: ruch i spoczynek mają sens jedynie względem konkretnego układu odniesienia
- ❑ Zasady dynamiki obowiązują w układzie inercyjnym. W układach nieinercyjnych wprowadza się siły pozorne, aby móc nadal stosować zasady dynamiki
- ❑ Ziemia może być traktowana jak układ inercyjny, lecz są zjawiska, które mogą być wyjaśnione jedynie przy uwzględnieniu sił pozornych: odśrodkowej i Coriolisa

# TEST 4P

1. Aby uzyskać równowagę, ważąc pewien obiekt na wadze szalkowej należy na drugiej szalce umieścić odważnik 12 kg. Waga sprężynowa wskazuje 12 kg, gdy przy jej pomocy ważymy ten sam obiekt. Następnie ten sam pomiar przeprowadzamy na Księżycu, gdzie przyspieszenie grawitacyjne stanowi jedną szóstą wartości przyspieszenia grawitacyjnego na Ziemi. Nowe wskazania wagi szalkowej i wagi sprężynowej odpowiednio wynoszą:

A) 12 kg, 12 kg

D) 2 kg, 12 kg

B) 2 kg, 2 kg

E) 12 kg, 72 kg

C) 12 kg, 2 kg

2. Stała siła 8.0 N działa przez 4.0 s na 16-kg ciało początkowo będące w spoczynku. Zmiana prędkości ciała wynosi:

A) 0.5 m/s

B) 2 m/s

C) 4 m/s

D) 8 m/s

E) 32 m/s

# TEST 4P

3. Człowiek, którego ciężar rzeczywisty wynosi 700 N znajduje się w windzie poruszającej się do góry z przyspieszeniem  $4 \text{ m/s}^2$ . Siła, jaką wywiera człowiek na podłogę windy wynosi:

A) 71 N    B) 290 N    C) 410 N    D) 700 N    E) 990 N

4. Betonowy blok o masie 5 kg jest opuszczany przy pomocy liny z przyspieszeniem  $2.8 \text{ m/s}^2$  skierowanym w dół. Siła, jaką wywiera blok na linę:

- A. równa jest 14 N i jest skierowana do góry
- B. równa jest 14 N i jest skierowana w dół
- C. równa jest 35 N i jest skierowana do góry
- D. równa jest 35 N i jest skierowana w dół
- E. równa jest 49 N i jest skierowana do góry

# TEST 4P

5. Kamień przywiązany do liny o długości 0.50 m porusza się po okręgu ze stałą prędkością 4.0 m/s w płaszczyźnie pionowej. Przyspieszenie kamienia w najniższym punkcie okręgu:
- A) wynosi  $9.8 \text{ m/s}^2$  i jest skierowane do góry
  - B) wynosi  $9.8 \text{ m/s}^2$  i jest skierowane w dół
  - C) wynosi  $8.0 \text{ m/s}^2$  i jest skierowane do góry
  - D) wynosi  $32 \text{ m/s}^2$  i jest skierowane do góry
  - E) wynosi  $32 \text{ m/s}^2$  i jest skierowane w dół

# TEST 4P

6. Do biurka spoczywającego na szorstkiej ( $\mu_s=0.50$ ,  $\mu_k=0.40$ ), poziomej powierzchni przyłożono stałą, poziomą siłę o wartości dokładnie wystarczającej na to, aby biurko poruszyć. Przyspieszenie biurka w ruchu pod wpływem tej siły wynosi:

- A) 0    B) 0,98 m/s<sup>2</sup>    C) 3,3 m/s<sup>2</sup>    D) 4,5 m/s<sup>2</sup>    E) 8,9 m/s<sup>2</sup>

7. Skrzynia o masie 12 kg spoczywa na poziomej powierzchni. Do skrzyni przyłożono stałą siłę po kątem 30° do poziomu skierowaną do góry. Jeżeli współczynnik tarcia statycznego wynosi 0.40, najmniejsza wartość siły potrzebnej do poruszenia skrzyni wynosi:

- A) 44 N    B) 47 N    C) 54 N    D) 56 N    E) 71 N

8. Samolot o masie 1000 kg porusza się ze stałą prędkością po linii prostej. Siła oporu powietrza wynosi 1800 N. Siła wypadkowa działająca na samolot wynosi:
- A) zero    B) 11800 N    C) 1800 N    D) 9800 N    E) żadna z odpowiedzi nie jest prawidłowa
9. Pudełko spoczywa na szorstkiej powierzchni deski o długości 10 m. Pudełko zaczyna się zsuwać, gdy jeden koniec deski podniesiemy na wysokość 6 m w stosunku do drugiego jej końca. Współczynnik tarcia statycznego wynosi:
- A) 0,8    B) 0,25    C) 0,4    D) 0,6    E) 0,75
10. Piłkę rzucono w dół ze skały nadając jej prędkość początkową trzy razy większą od prędkości granicznej. Początkowe przyspieszenie piłki jest:
- |  |  |
|--|--|
| A) skierowane do góry i większe niż $g$  | D) skierowane w dół i mniejsze niż $g$ |
| B) skierowane do góry i mniejsze niż $g$ | E) skierowane w dół i równe $g$        |
| C) skierowane w dół i większe niż $g$    |  |

11. Samochód porusza się po poziomej drodze i wchodzi w zakręt o promieniu 30 m. Współczynnik tarcia pomiędzy oponami i drogą wynosi 0,50. Maksymalna prędkość, z którą samochód może poruszać się bezpiecznie po zakręcie wynosi:
- A) 3.0 m/s    B) 4.9 m/s    C) 9.8 m/s    D) 12 m/s    E) 13 m/s
12. Pod jakim kątem powinna być pochylona powierzchnia drogi na zakręcie o promieniu 50 m, aby samochody mogły poruszać się bezpiecznie z prędkością 12 m/s nawet po oblodzonej nawierzchni (siła tarcia jest zero)?
- A) 0    B)  $16^\circ$     C)  $18^\circ$     D)  $35^\circ$     E)  $75^\circ$
13. Wenus ma masę równą około 0,0558 masy Ziemi a średnicę równą około 0,381 średnicy Ziemi. Przyspieszenie ciała spadającego swobodnie blisko powierzchni Wenus wynosi:
- A)  $0,21 \text{ m/s}^2$     D)  $3.8 \text{ m/s}^2$   
B)  $1,4 \text{ m/s}^2$   
C)  $2,8 \text{ m/s}^2$     E)  $25 \text{ m/s}^2$



# TEST 4A

1. An object moving at a constant velocity in an initial frame must:
  - A) have a net force acting on it
  - B) eventually stop due to gravity
  - C) not have any force of gravity acting on it
  - D) have zero net force acting on it
  - E) have no frictional force acting on it
  
2. The term „mass” refers to the same physical concept as:
  - A) weight
  - B) inertia
  - C) force
  - D) acceleration
  - E) volume

# TEST 4A

3. A car moves horizontally with a constant acceleration of  $3\text{m/s}^2$ . A ball is suspended by a string from the ceiling of the car; the ball does not swing, being at rest with respect to the car. What angle does the string make with the vertical?
- A)  $17^\circ$                       D)  $73^\circ$   
B)  $35^\circ$                       E)  $52^\circ$   
C) cannot be found without knowing the length of the string
4. A sled is on an icy (frictionless) slope that is  $30^\circ$  above the horizontal. When a 40-N force, parallel to the incline and directed up the incline, is applied to the sled, the acceleration of the sled is  $2.0\text{ m/s}^2$ , up the incline. The mass of the sled is:
- A) 3.8 kg    B) 4.1 kg    C) 5.8 kg    D) 6.2 kg    E) 13 kg

# TEST 4A

5. The „reaction” force does not cancel the „action” force because:
- A) the action force is greater than the reaction force
  - B) they are acting on different bodies
  - C) they are in the same direction
  - D) the reaction force exists only after the action force is removed
  - E) the reaction force is greater than the action force
6. For a biological sample in a 1.0-m radius centrifuge to have a centripetal acceleration of 25g its speed must be:
- A) 11 m/s    B) 16 m/s    C) 50 m/s    D) 122 m/s    E) 245 m/s

# TEST 4A

7. A professor holds an eraser against a vertical chalkboard by pushing horizontally on it. He pushes with a force that is much greater than is required to hold the eraser. The force of friction exerted by the board on the eraser increases if he:

- A) pushes with slightly greater force
- B) pushes with slightly less force
- C) stops pushing
- D) pushes so his force is slightly downward but has the same magnitude
- E) pushes so his force is slightly upward but has the same magnitude

8. The speed of a 4.0-N hockey puck, sliding across a level ice surface, decreases at the rate of  $0.61 \text{ m/s}^2$ . The coefficient of kinetic friction between the puck and ice is:

- A) 0.062      B) 0.41      C) 0.62      D) 1.2      E) 9.8

# TEST 4A

9. Why do raindrops fall with constant speed during the later stages of their decent?
- A) The gravitational force is the same for all drops
  - B) Air resistance just balances the force of gravity
  - C) The drops all fall from the same height
  - D) The force of gravity is negligible for object as small as raindrops
  - E) Gravity cannot increase the speed of a falling object to more than 32 ft/s
10. A ball is thrown upward into the air with a speed that is greater than terminal speed. It lands at the place where it was thrown. During its flight the force of air resistance is the greatest:
- A) just after it is thrown
  - B) halfway up
  - C) at the top of its trajectory
  - D) halfway down
  - E) just before it lands

11. A person riding a Ferris wheel is strapped into her seat by a seat belt. The wheel is spun so that the centripetal acceleration is  $g$ . Select the correct combination of forces that act on her when she is at the top. In the table,  $F_g$  = force of gravity;  $F_b$ =seat belt force, down; and  $F_s$ =seat force, up.

A)  $F_g=0, F_b=mg, F_s=0$

E)  $F_g=mg, F_b=mg, F_s=0$

B)  $F_g=mg, F_b=0, F_s=0$

D)  $F_g=mg, F_b=0, F_s=mg$

C)  $F_g=0, F_b=0, F_s=mg$

12. Circular freeway entrance and exit ramps are commonly banked to handle a car moving at 13 m/s. To design a similar ramp for 26 m/s one should:

A) increase radius by factor of 2      D) decrease radius by factor of 4

B) decrease radius by factor of 2      E) increase radius by factor of  $\sqrt{2}$

C) increase radius by factor of 4