

Korzystając z twierdzenia Stokesa  
obliczyć  $\oint_C \vec{F} \cdot d\vec{r}$ .

Zad. 1  $\vec{F}(x, y, z) = (x^2 + y^2, y^2 + z^2, x^2 + z^2)$ ,

C - jest brzeżem stożka  $z = \sqrt{x^2 + y^2}$  odciętego  
płaszczyzną  $z = 1$  zorientowanym dodatnio.

Zad. 2  
 $\vec{F}(x, y, z) = (z, x, y)$ ,

C - jest krzywą powstającą z przecięcia  
płaszczyzny  $x + y + z = R$  i sfery  $x^2 + y^2 + z^2 = R^2$   
zorientowaną dodatnio.

Zad. 3  $\vec{F}(x, y, z) = (y, -2z, x)$ ,

C - jest krzywą powstającą z przecięcia powierzchni:  
 $y = x$  i  $2x^2 - y^2 + z^2 = R^2$  zorientowaną dodatnio.

Zad. 4  $\vec{F}(x, y, z) = (y + z, z + x, x + y)$ ,

C - jest krzywą powstającą z przecięcia powierzchni:  
 $x^2 + y^2 + z^2 = R^2$  i  $x + y + z = 0$  zorientowaną  
dodatnio.

Zad. 5  $\vec{F}(x, y, z) = (y - z, z - x, x - y)$ ,

C - jest krzywą powstającą z przecięcia powierzchni:  
 $x^2 + y^2 = 1$  i  $x + z = 1$  zorientowaną dodatnio.

Zad. 6  $\vec{F}(x, y, z) = (y^2, z^2, x^2)$ ,

C - jest brzeżem trójkąta  $\triangle ABC$ :  $A(2, 0, 0)$ ,  $B(0, 2, 0)$ ,  
 $C(0, 0, 2)$  zorientowanym dodatnio.

Zad. 7  $\vec{F}(x, y, z) = (y^2, xy, x^2 + y^2)$ ,

C - jest krzywą w I-oktancie powstającą z przecięcia  
powierzchni  $x^2 + y^2 = R^2$  z płaszczyzną:  
 $x = 0$ ,  $y = 0$  i  $z = R$  zorientowaną  
dodatnio.