## **TEORIA WAGNERA UTLENIANIA METALI**

## PROCES POWSTAWANIA ZGORZELIN W/G TAMANN'A (1920)



## SCHEMAT KLASYCZNEGO DOŚWIADCZENIA PFEILA (1929)



### **TEORIA WAGNERA UTLENIANIA METALI**

- 1. C. Wagner, Z. phys. Chem., <u>21</u>, 25 (1933)
- 2. C. Wagner, Z. phys. Chem., <u>32</u>, 447 (1936)
- 3. C. Wagner, Atom Movements ASM, Cleveland, 1951

## TEORIA WAGNERA UTLENIANIA METALI

- 1. F. Gesmundo, Solid State Phenomena, <u>21&22</u>, 57 (1992)
- T. Norby, "Wagner-type theory for oxidation of metals with cotransport of hydrogen ions", 196th Electrochemical Society Meeting, Honolulu, Hawaii, October 1999
- P. Kofstad, "High Temperature Corrosion", Elsevier Applied Science Publishers Ltd., London-New York, 1988
- P. Kofstad, "High-Temperature Oxidation of Metals", John Wiley & Sons, Inc, New York-London-Sydney, 1978
- 5. A.S. Khanna, "Introduction to High Temperature Oxidation and Corrosion", ASM International, Materials Park, 2002
- S. Mrowec, "An Introduction to the Theory of Metal Oxidation", National Bureau of Standards and the National Science Foundation, Washington, D.C., 1982

## ZAŁOŻENIA TEORII WAGNERA UTLENIANIA METALI

- 1. Tworząca się na powierzchni metalu zgorzelina jest na całym przekroju zwarta.
- Dyfuzja reagentów w zgorzelinie odbywa się w formie jonów i elektronów poprzez defekty punktowe sieci krystalicznej produktu reakcji.
- 3. Proces powstawania zgorzeliny jest determinowany dyfuzją, której szybkość jest mniejsza od szybkości reakcji chemicznych na granicach faz.
- 4. Elektronowe i jonowe defekty sieci krystalicznej zgorzeliny przemieszczają się w wyniku dyfuzji ambipolarnej.
- 5. Dyfuzja reagentów w zgorzelinie odbywa się pod wpływem gradientu stężenia defektów sieciowych, wywołanego gradientem potencjału chemicznego utleniacza.
- Na granicach faz zgorzeliny ustalają się stężenia defektów punktowych, w wyniku czego proces utleniania przebiega zgodnie z prawem parabolicznym.
- 7. Na granicach faz zgorzeliny panuje stan bliski równowagi termodynamicznej.

Ogólne równanie określające strumień składnika "i":

$$j_i = c_i B_i f_i$$

- $j_i$  strumień składnika "i"
- $B_i ruchliwość składnika "i"$
- $f_i^{}$  siła napędowa składnika "i"

$$f_{i} = \frac{d \eta_{i}}{d x} = -\frac{1}{N_{a}} \left( \frac{d \mu_{i}}{d x} + z_{i}F \frac{d \varphi}{d x} \right)$$

- $\eta_i$  potencjał elektrochemiczny składnika "i"
- $\mu_{\rm i}$  potencjał chemiczny składnika "i"
- $N_a$  liczba Avogadry
- F stała Faradaya, C/mol
- φ potencjał elektryczny
- z<sub>i</sub> wartościowość składnika "i"

$$j_i = -c_i B_i \frac{1}{N_a} \left( \frac{d \mu_i}{d x} + z_i F_i \frac{d \varphi}{d x} \right)$$

#### Równanie Nernsta-Einstaina:

$$B_{i} = \frac{D_{i}}{k T}$$

D<sub>i</sub> – współczynnik dyfuzji składnika "i"

Uwzględniając w/w równanie, strumień składnika "i" można zapisać jako:

$$j_i = -c_i \frac{D_i}{R T} \left( \frac{d \mu_i}{d x} + z_i F \frac{d \varphi}{d x} \right)$$

Me MeX 
$$X_2$$
  
 $j_c$   
 $j_e$   
 $j_a$ 

$$j_{c} = -c_{c} \frac{D_{c}}{R T} \left( \frac{d \mu_{c}}{d x} + z_{c} F \frac{d \phi}{d x} \right)$$

$$j_{a} = -c_{a} \frac{D_{a}}{R T} \left( \frac{d \mu_{a}}{d x} + z_{a} F \frac{d \phi}{d x} \right)$$

$$j_{e} = -c_{e} \frac{D_{e}}{R T} \left( \frac{d \mu_{e}}{d x} + z_{e} F \frac{d \phi}{d x} \right)$$

Ponieważ  $z_e = -1$ , więc:

$$j_e = -c_e \frac{D_e}{R T} \left( \frac{d \mu_e}{d x} - F \frac{d \phi}{d x} \right)$$

Ponieważ proces migracji defektów punktowych w zgorzelinie odbywa się w wyniku dyfuzji ambipolarnej, zatem musi być spełniony warunek elektroobojętności:

$$z_c j_c + z_a j_a - j_e = 0$$

Podstawiając do w/w równania strumienie, można wyznaczyć gradient potencjału elektrycznego:

$$\frac{d \varphi}{d x} = \frac{1}{F} \cdot \frac{-c_{c} D_{c} z_{c} \frac{d \mu_{c}}{d x} - c_{a} D_{a} z_{a} \frac{d \mu_{a}}{d x} + c_{e} D_{e} \frac{d \mu_{e}}{d x}}{z_{c}^{2} c_{c} D_{c} + z_{a}^{2} c_{a} D_{a} + c_{e} D_{e}}$$

Potencjał chemiczny metalu i utleniacza wiąże równanie Gibbs'a-Duhem'a (dla procesu izotermiczno-izobarycznego):

N<sub>Me</sub> 
$$d \mu_{Me}$$
 + N<sub>X</sub>  $d \mu_{X}$  = 0

 $N_{Me}$  i  $N_X$  – oznaczają ułamki molowe metalu i utleniacza

Dla związków wykazujących małe odstępstwo od stechiometrii, stosunek ułamków molowych metalu i utleniacza jest odwrotnie proporcjonalny do ich wartościowości:

$$\frac{N_{X}}{N_{Me}} = \frac{Z_{c}}{|Z_{a}|}$$

Równanie Gibbs'a-Duhem'a przyjmuje zatem następująca postać:

$$d \mu_{Me} = - \frac{N_X}{N_{Me}} d \mu_X = - \frac{Z_c}{|Z_a|} d \mu_X$$

#### Reakcje jonizacji metalu i utleniacza:

$$M e \Leftrightarrow M e^{Z_{c}^{+}} + Z_{c}^{e}$$
$$X \Leftrightarrow X^{Z_{a}^{-}} - Z_{a}^{e}$$

W warunkach równowagi termodynamicznej:

$$\mu_{Me} = \mu_{e} + z_{e} \mu_{e}$$

$$\mu_{X} = \mu_{a} - |z_{a}| \mu_{e}$$

Podstawiając w/w zależności, strumienie kationów i anionów można wyrazić następującymi zależnościami:

$$j_{c} = -c_{c} \frac{D_{c}}{R T} \cdot \frac{c_{e} D_{e}}{z_{c}^{2} c_{c} D_{c} + z_{a}^{2} c_{a} D_{a} + c_{e} D_{e}} \frac{d \mu_{M e}}{d x}$$

$$j_{a} = -c_{a} \frac{D_{a}}{R T} \cdot \frac{c_{e} D_{e}}{z_{c}^{2} c_{c} D_{c} + z_{a}^{2} c_{a} D_{a} + c_{e} D_{e}} \frac{d \mu_{X}}{d x}$$

Jeśli ruchliwość elektronów jest znacznie większa od ruchliwości defektów jonowych, tj.  $D_a << D_e >> D_c$ , wówczas:

$$j_{c} = -c_{c} \frac{D_{c}}{R T} \frac{d \mu_{M e}}{d x}$$

$$j_{a} = -c_{a} \frac{D_{a}}{R T} \frac{d \mu_{X}}{d x}$$

Wzrost zgorzeliny, dX jest wynikiem reakcji na obu granicach faz:

$$d X = d X_c - d X_a$$

Przyrost grubości zgorzeliny w funkcji czasu na obu jej granicach faz określa tzw. warunek Stefana, który przyjmuje następującą postać:

$$\frac{d X_{a}}{d t} = \frac{j'_{a}}{c'_{X} (M e_{a} X_{b})}$$

$$\frac{d X_{c}}{d t} = \frac{j_{c}^{\prime\prime}}{c_{M e}^{\prime\prime} (M e_{a} X_{b})}$$

A zatem:

$$\frac{d X}{d t} = \frac{j_{c}^{\prime\prime}}{c_{M e}^{\prime\prime} (M e_{a} X_{b})} - \frac{j_{a}^{\prime}}{c_{X}^{\prime\prime} (M e_{a} X_{b})}$$

Podstawiając do w/w równania, wyrażenia określające strumienie, przyrost grubości zgorzeliny można zapisać jako:

$$\frac{\mathrm{d} X}{\mathrm{d} t} = -\frac{c_{c} D_{c}}{c_{M}^{\prime\prime} e\left(M e_{a} X_{b}\right)} \frac{1}{\mathrm{R} T} \frac{\mathrm{d} \mu_{M} e}{\mathrm{d} x} - \frac{c_{a} D_{a}}{c_{X}^{\prime} \left(M e_{a} X_{b}\right)} \frac{1}{\mathrm{R} T} \frac{|z_{a}|}{|z_{c}|} \frac{\mathrm{d} \mu_{M} e}{\mathrm{d} x}$$
$$\frac{\mathrm{d} X}{\mathrm{d} t} = -\frac{1}{\mathrm{R} T} \left(\frac{c_{c} D_{c}}{c_{M}^{\prime\prime} e\left(M e_{a} X_{b}\right)} + \frac{c_{a} D_{a}}{c_{X}^{\prime} \left(M e_{a} X_{b}\right)} \frac{|z_{a}|}{|z_{c}|} \frac{\mathrm{d} \mu_{M} e}{\mathrm{d} x}$$

Uwzględniając, że:

$$c_d D_d = c_i D_i^*$$

D - współczynnik dyfuzji własnej składnika "i"

Wówczas:

$$\frac{d X}{d t} = -\frac{1}{R T} \left( D_{M e}^{*} + \frac{|z_a|}{z_c} D_{X}^{*} \right) \frac{d \mu_{M e}}{d x}$$

Ponieważ nie jest znana zależność współczynników dyfuzji własnej danych substancji od gradientu ich potencjału chemicznego, należy obliczyć wartość średnią:

$$\frac{\mathrm{d} \mathbf{X}}{\mathrm{d} \mathbf{t}} = -\frac{1}{\mathbf{R} \mathbf{T} \mathbf{X}} \int_{\mu_{Me}}^{\mu_{Me}} \left( \mathbf{D}_{Me}^{*} + \frac{|\mathbf{z}_{a}|}{\mathbf{z}_{c}} \mathbf{D}_{\mathbf{X}}^{*} \right) \mathrm{d} \mu_{Me}$$

Zakładając, że proces powstawania zgorzeliny zachodzi zgodnie z prawem parabolicznym, wówczas:

$$k_{p}' = \frac{1}{R T} \int_{\mu_{M}'}^{\mu_{M}'} \left( D_{M} + \frac{|z_{a}|}{z_{c}} D_{X} + \frac{|z_{a}|}{z_{c}} D_{X} \right) d\mu_{M} e$$

Z równania Gibbs'a-Duhema i związku pomiędzy potencjałem chemicznym, a prężnością utleniacza wynika następująca zależność:

$$d \mu_{Me} = - \frac{Z_{c}}{|Z_{a}|} d \mu_{X} = - \frac{1}{2} \frac{Z_{c}}{|Z_{a}|} R T d \ln p_{X_{2}}$$

Paraboliczna stała szybkości utleniania wynosi zatem:

$$k'_{p} = \frac{1}{2} \int_{p'_{X_{2}}}^{p''_{X_{2}}} \left( \frac{z_{c}}{|z_{a}|} D^{*}_{Me} + D^{*}_{X} \right) d \ln p_{X_{2}}$$

## ZASTOSOWANIE TEORII WAGNERA UTLENIANIA METALI

Przykład I:  $\operatorname{Mn}_{1-y}S$   $\frac{1}{2}S_{2} \Leftrightarrow V_{Mn}'' + 2 h^{\circ}$   $K = \left[V_{Mn}''\right] \cdot \left[h^{\circ}\right]^{2} \cdot p_{S_{2}}^{-1/2}$   $2\left[V_{Mn}''\right] = \left[h^{\circ}\right]$  $\left[V_{Mn}''\right] = 0.63 \cdot K^{-1/3} \cdot p_{S_{2}}^{-1/6}$ 

$$k'_{p} = \frac{1}{2} \int_{p'_{X_{2}}}^{p''_{X_{2}}} \left( \frac{z_{e}}{|z_{a}|} D_{Me}^{*} + D_{X}^{*} \right) d \ln p_{X_{2}}$$

$$k'_{p} = \frac{1}{2} \int_{p'_{X_{2}}}^{p''_{X_{2}}} D_{Me}^{*} d \ln p_{X_{2}}$$

$$D_{Me}^{*} = D_{Me} \cdot \left[ V_{Mn}^{''} \right] = 0.63 \cdot K^{-1/3} \cdot D_{Me} \cdot p_{S_{2}}^{1/6}$$

$$k'_{p} = \frac{1}{2} \cdot 0.63 \cdot K^{-1/3} \cdot D_{Me} \cdot \int_{p'_{S_{2}}}^{p''_{S_{2}}} p_{S_{2}}^{1/6} d \ln p_{S_{2}}$$

$$k'_{p} = 3 \cdot 0.63 \cdot K^{-1/3} \cdot D_{Me} \cdot p_{S_{2}}^{1/6} = 3D_{Me}^{*}$$

$$k'_{p} = \left( 1 + |p| \right) \cdot D_{Me}^{*} = \left[ def \right] \cdot \tilde{D}$$

## ZASTOSOWANIE TEORII WAGNERA UTLENIANIA METALI

Przykład II: obliczanie wsp. dyfuzji własnej (metoda Fueki-Wagnera)

$$k'_{p} = \frac{1}{2} \int_{p'_{X_{2}}}^{p'_{X_{2}}} \left( \frac{z}{|z_{a}|} D_{Me}^{*} + D_{X}^{*} \right) d \ln p_{X}$$

$$k'_{p} = \frac{1}{2} \int_{p'_{X_{2}}}^{p''_{X_{2}}} D_{Me}^{*} d \ln p_{X_{2}}$$

$$\frac{d k'_{p}}{d \ln p_{X_{2}}} \bigg|_{p''_{X_{2}}} = \frac{1}{2} D_{Me}^{*}$$

$$D_{Me}^{*} = 2 \cdot \frac{d k'_{p}}{d \ln p_{X_{2}}} \bigg|_{p''_{X_{2}}}$$

## ZASTOSOWANIE TEORII WAGNERA UTLENIANIA METALI

## Przykład II: obliczanie wsp. dyfuzji własnej (metoda Fueki-Wagnera), c.d. utlenianie niklu

Fueki-Wagner:

$$D_{N_{i}}^{*} = 1, 1 \cdot 1 \ 0^{-3} \cdot e \ x \ p \left( - \frac{5 \ 0 \ 3 \ 0 \ 0}{R \ T} \right)$$

Lindner:

$$D_{N i(t)}^{*} = 1, 7 \cdot 1 \ 0^{-2} \cdot e \ x \ p \left( - \frac{5 \ 6 \ 0 \ 0 \ 0}{R \ T} \right)$$

Moore:

$$D_{N i(t)}^{*} = 3, 9 \cdot 1 0^{-4} \cdot e x p \left(-\frac{4 4 2 0 0}{R T}\right)$$

Uwaga: w/w wyniki otrzymano dla tej samej wartości ciśnienia tlenu

Zgorzeliny wielowarstwowe

 $X_{1}^{2} = 2 k_{1}' t$  $X^{2} = 2 k'_{tot} t$  $X_{2}^{2} = 2 k'_{2} t$  $X^{2} = (X_{1} + X_{2})^{2} = (\sqrt{2 k'_{1}t} + \sqrt{2 k'_{2}t})^{2} = 2 k'_{10}t$  $\sqrt{2 k'_1 t} + \sqrt{2 k'_2 t} = \sqrt{2 k'_{tot} t}$  $\sqrt{k_{1}'} + \sqrt{k_{2}'} = \sqrt{k_{10}'}$  $\sum_{i=1}^{n} \sqrt{k'_{i}} = \sqrt{k'_{tot}}$ 

Zgorzeliny wielowarstwowe

$$X^{2} = 2 k'_{tot} t X^{2}_{1} = 2 k'_{1} t X^{2}_{2} = 2 k'_{2} t$$

$$\frac{X^{2}_{1}}{X^{2}} = \frac{2 k'_{1} t}{2 k'_{tot} t}$$

$$\frac{X_{1}^{2}}{X^{2}} = \frac{k_{1}'}{k_{tot}'}$$

$$\frac{X_{i}}{X^{2}} = \frac{k_{i}'}{k_{tot}'}$$

2 2

 $\frac{2}{2} = \frac{k'}{k'}$ 

to t

# KONIEC