

Lista zadań nr.1 z równań różniczkowych zwyczajnych

Wyznaczyć rozwiązania ogólne poniższych równań o zmiennych rozdzielonych lub sprowadzalnych do równań o zmiennych rozdzielonych. Jeżeli to możliwe podać rozwiązanie w postaci jawnej.

Zadanie 1

$$y' = \left(\frac{y}{x}\right)^2 - 2$$

Zadanie 2

$$y' = \left(\frac{y}{x}\right)^2 - 4\frac{y}{x}$$

Zadanie 3

$$y' = \frac{x + 2y}{x}$$

Zadanie 4

$$y' = \frac{xy - y^2}{x^2}$$

Zadanie 5

$$xy' = 3x - 4y$$

Zadanie 6

$$x^2y' = 2xy + y^2$$

Zadanie 7

$$y' = \frac{y}{x} + e^{-\frac{y}{x}}$$

Zadanie 8

$$y' = \frac{1}{\cos\left(\frac{y}{x}\right)} + \frac{y}{x}$$

Zadanie 9

$$y' = \frac{x - y - 3}{x + y - 1}$$

Zadanie 10

$$y' = \frac{x + y - 6}{x - y}$$

Zadanie 11

$$y' = \frac{x - y + 1}{x + y - 1}$$

Zadanie 12

$$y' = \frac{x + y - 1}{x + y + 1}$$

Zadanie 13

$$y' = \frac{x - y + 8}{y - 3x + 2}$$

Zadanie 14

$$y' = \frac{x^2 + 2xy - 4y^2}{x^2 - 8xy - 4y^2}$$

Zadanie 15

$$(x^2 - y^2 e^{x/y})y' = xy$$

Zadanie 16

$$y' = -(x - y) - 1 + \frac{1}{x - y + 2}$$

Zadanie 17

$$y' \operatorname{tg}(x + y) = 1 - \operatorname{tg}(x + y)$$

Zadanie 18

$$y' = \frac{x^2}{y}$$

Zadanie 19

$$y' + y^2 \sin x = 0$$

Zadanie 20

$$xy' = \sqrt{1 - y^2}$$

Zadanie 21

$$y' = \frac{y \sin x}{1 + 2y^2}$$

Zadanie 22

$$y' = \sqrt{4x + 3y + 1}$$

Zadanie 23

$$(4y + yx^2)y' = 2x + xy^2$$

Zadanie 24

$$y' = \frac{xy + 3x - y - 3}{xy - 2x + 4y - 8}$$

Zadanie 25

$$2y' - \frac{1}{y} = \frac{2x}{y}$$

Zadanie 26

$$(e^x + e^{-x})y' = y^2$$

Zadanie 27

$$(x + \sqrt{x})y' = y + \sqrt{y}$$

Zadanie 28

$$y' = \sin(x - y)$$

Zadanie 29

$$(2x + y - 2)dx + (2y - x + 1)dy = 0$$

Zadanie 30

$$(x + 2y + 1)dx + (2x + 4x + 3)dy = 0$$

Zadanie 31

$$y' = \frac{1 - x - y}{x + y}$$

Zadanie 32

$$y' = 2 + \sqrt{y - 2x + 3}$$

Zadanie 33

$$y' =$$

Zadanie 34

$$y' = \frac{x - 2y - 1}{x + y} = 1$$

Wyznaczyć rozwiązania poniższych problemów początkowych dla równań o zmiennych rozdzielonych lub sprowadzalnych do równań o zmiennych rozdzielonych. Jeżeli to możliwe podać rozwiązanie w postaci jawnej.

Zadanie 35

$$y' = \frac{2x^2}{3y}, \quad y(0) = 1$$

Zadanie 36

$$y' = 4x(y^2 + 1), \quad y(0) = 0$$

Zadanie 37

$$y' = \frac{\sin x}{\cos y} \quad y\left(\frac{\pi}{3}\right) = 0$$

Zadanie 38

$$2(1 + x)y' = (y^2 + 1), \quad y(0) = 0$$

Zadanie 39

$$(1 + x^2)y' = 2x\sqrt{1 - y^2}, \quad y(0) = 0$$

Zadanie 40

$$y' = \sqrt{\frac{1 - y^2}{1 - x^2}}, \quad y\left(\frac{1}{2}\right) = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

Zadanie 41

$$y' = \frac{3x^2 - e^x}{2y - 5}, \quad y(0) = 1$$

Zadanie 42

$$y' = \frac{e^{-x} - e^x}{3 + 4y}, \quad y(0) = 1$$

Zadanie 43

$$y^2\sqrt{1 - x^2}y' = \arcsin x, \quad y(0) = 0$$

Zadanie 44

$$y' = \frac{xy^3}{\sqrt{1 + x^2}}, \quad y(0) = 1$$

Zadanie 45

$$y' = \frac{x(x^2 + 1)}{4y^3}, \quad y(0) = -\frac{1}{\sqrt{2}}$$

Zadanie 46

$$y' = -\frac{\sin(2x)}{\cos(3y)}, \quad y\left(\frac{\pi}{2}\right) = \frac{\pi}{3}$$

Zadanie 47

$$y' = \frac{1 + 3x^2}{3y^2 - 6y}, \quad y(0) = 1$$

Zadanie 48

$$y' = \frac{2 - e^x}{3 + 2y}, \quad y(0) = 0$$

Zadanie 49

$$y' = \frac{2\cos(2x)}{3 + 2y}, \quad y(0) = -1$$

Zadanie 50

$$y' = \frac{xy(4 - y)}{3}, \quad y(0) = 1$$

Zadanie 51

$$y' = \frac{x(x^2 + 1)}{4y^3}, \quad y(0) = -\frac{1}{\sqrt{2}}$$

Zadanie 52

$$y' = \frac{x^2}{y(1+x^3)}, \quad y(0) = -1$$

Zadanie 53

$$y' = y^2 - 4, \quad y(0) = -2$$

Zadanie 54

$$y' = y^2 - 4, \quad y(0) = 1$$

Zadanie 55

$$y' = y - xy, \quad y(1) = 3$$

Zadanie 56

$$y' = \frac{y^2 - 1}{x^2 - 1}, \quad y(1) = 3$$

Zadanie 57

$$x^2 y' = y - xy, \quad y(-1) = -1$$

Zadanie 58

$$y' = \frac{2 \cos(2x)}{2y + 3}, \quad y(0) = -1$$

Zadanie 59

$$y' = \frac{x+y}{x}, \quad y(e) = 3$$

Zadanie 60

$$y' = \frac{x^2 + y^2 + xy}{x^2}, \quad y(1) = 1$$

Zadanie 61

$$xy^2 y' = y^3 - x^3, \quad y(1) = 2$$

Zadanie 62

$$2x^2 y' = 3xy + y^2, \quad y(1) = -2$$

Zadanie 63

$$(y\sqrt{x^2 + y^2}) + x^2 y' = xy, \quad y(0) = 1$$

Zadanie 64

$$xe^{\frac{y}{x}} y' = x + ye^{\frac{y}{x}}, \quad y(1) = 0$$

Zadanie 65

$$y dx + (y \cos(\frac{x}{y}) - x) dy = 0, \quad y(0) = 2$$

Zadanie 66

$$(x^2 + xy + y^2)dy + y^2dx = 0, \quad y(0) = 1$$

Zadanie 67

$$xy' = (\sqrt{x} + \sqrt{y})^2, \quad y(1) = 0$$

Zadanie 68

$$(x + \sqrt{y^2 - xy})y' = y, \quad y\left(\frac{1}{2}\right) = 1$$

Zadanie 69

$$xy' = y + xe^{\frac{y}{x}}, \quad y(1) = 1$$

Zadanie 70

$$(y - \sqrt{x^2 + y^2})dx - xdy = 0, \quad y(\sqrt{3}) = 1$$

Zadanie 71

$$(y^3 - x^3)dx - xy^2dy = 0, \quad y(1) = 2$$